



ព្រះរាជាណាចក្រកម្ពុជា  
ជាតិ សាសនា ព្រះមហាក្សត្រ

ក្រសួងអប់រំ យុវជន និងកីឡា

គណិតវិទ្យា

ពីជគណិត

ថ្នាក់ទី ៧ ជល់ទី ៩

ចំណេះដឹង បញ្ញត្តិ និងបំណិន

សម្រាប់គ្រូបង្រៀន

ក្រសួងអប់រំ យុវជន និងកីឡា

២០០៩

**មាតិកា**

បុព្វកថា..... i

អារម្ភកថា..... ii

គណៈកម្មការរៀបចំឯកសារ..... iii

ការធ្វើឲ្យទូទៅ និងការប្រើនិមិត្តសញ្ញាពីជគណិត ..... ២

ស្លឹក អនុគមន៍ និងក្រាប..... ១៥

ការដោះស្រាយសមីការ..... ២៥

ការបង្កើនការគិតតាមបែបពីជគណិតកាន់តែស៊ីជម្រៅ ..... ៣៤

## មុព្វកថា

អនុលោមតាមផែនការជាតិអប់រំសម្រាប់ទាំងអស់គ្នា ក្រសួងអប់រំ យុវជន និង កីឡា បាននិងកំពុងប្រឹងប្រែងយ៉ាងសកម្មក្នុងការលើកកម្ពស់គុណភាពធនធានមនុស្សនៅក្នុងប្រទេសកម្ពុជា។

ក្រោមកិច្ចសហប្រតិបត្តិការជាមួយដៃគូអភិវឌ្ឍជាតិ និងអន្តរជាតិ ក្រសួងអប់រំ យុវជន និង កីឡា បានផលិតឯកសារជាច្រើន ដើម្បីបំពេញតាមតម្រូវការធនធានឯកសារដែលកំពុងខ្វះខាត ជាពិសេស នៅក្នុងតំបន់ជនបទដាច់ស្រយាល។ ក្នុងគ្រប់ជំហាននៃដំណើរការចងក្រង ក៏ដូចជាវគ្គ ពង្រឹងសមត្ថភាពផ្សេងៗ តែងតែមានការចូលរួមពីមន្ត្រីបច្ចេកទេសតាំងពីថ្នាក់ក្រសួង រហូតដល់ ថ្នាក់មូលដ្ឋានសាលារៀន។ ដំណើរការបែបនេះ នឹងជួយពង្រឹងសមត្ថភាព ទាំងផ្នែកចំណេះដឹង មូលដ្ឋាន ក៏ដូចជាវិធីសាស្ត្របង្រៀន ដើម្បីជួយក្រសួងនាពេលបច្ចុប្បន្ន និងអនាគត។

ឆ្លងកាត់បទពិសោធនៃការអនុវត្តសាកល្បងជាង ២ ឆ្នាំកន្លងមករបស់គម្រោង អ.ម.ប.គ និង ដោយមានការកែលម្អជាបន្តបន្ទាប់ ក្រសួងអប់រំ យុវជន និង កីឡា ចាត់ទុកឯកសារនេះ ជាធនធាន ដ៏មានតម្លៃមួយសម្រាប់ប្រើប្រាស់ជាមួយនឹងសៀវភៅសិក្សាគោល ក្នុងការបង្រៀនប្រចាំថ្ងៃរបស់ លោកគ្រូ អ្នកគ្រូ ជាពិសេសនៅតំបន់ជនបទដាច់ស្រយាល ដែលកំពុងជួបប្រទះការលំបាក យ៉ាងខ្លាំងក្នុងការស្វែងរកឯកសារសម្រាប់បង្រៀន។

ក្រសួងសង្ឃឹមថា លោក លោកស្រី នឹងយកចិត្តទុកដាក់អនុវត្ត និងប្រើប្រាស់ឯកសារនេះឲ្យ អស់លទ្ធភាព ដើម្បីចូលរួមចំណែកក្នុងការអភិវឌ្ឍធនធានមនុស្សប្រកបដោយប្រសិទ្ធភាព និង គុណភាពខ្ពស់។

ក្នុងនាមក្រសួងអប់រំ យុវជន និងកីឡា ខ្ញុំសូមថ្លែងអំណរគុណយ៉ាងជ្រាលជ្រៅ ចំពោះ រាជរដ្ឋាភិបាលរាជាណាចក្រកម្ពុជា ដែលបានរួមវិភាគទានយ៉ាងធំធេងទាំងបច្ចេកទេស ទាំង ថវិកា ក្នុងការចងក្រងឯកសារជំនួយឲ្យការបង្រៀននានា ជាពិសេស ឯកសារគណិតវិទ្យានេះ។ ខ្ញុំ សូមថ្លែងអំណរគុណ និងកោតសរសើរផងដែរចំពោះ គណៈកម្មការកសាងឯកសារ និងអ្នកជំនួយ ការបច្ចេកទេសរបស់គម្រោង អ.ម.ប.គ ដែលបានយកអស់កម្លាំងកាយ និង ស្មារតី ធ្វើឲ្យសម្រេច បាននូវឯកសារដ៏មានសារប្រយោជន៍នេះ។

រាជធានីភ្នំពេញ ថ្ងៃទី ៧ ខែ វិច្ឆិកា ឆ្នាំ ២០០៨  
រដ្ឋមន្ត្រីក្រសួងអប់រំ យុវជន និងកីឡា



**អ៊ឹម សិទ្ធិ**

# អារម្ភកថា

ឯកសារគណិតវិទ្យា ដែលលោកគ្រូ អ្នកគ្រូកំពុងតែកាន់នៅក្នុងដៃនេះ គឺជាឯកសារមួយ ដែលគ្របដណ្តប់ខ្លឹមសារគណិតវិទ្យាម្រិតមធ្យមសិក្សាបឋមភូមិអំពី ពិជគណិត។ ឯកសារនេះបានចងក្រង និងកែសម្រួលដោយក្រុមការងាររបស់ក្រសួងអប់រំ យុវជន និងកីឡា និងគម្រោង អ.ម.ប.គ ព្រមទាំងមានអ្នកជំនួយការបច្ចេកទេសអន្តរជាតិរបស់គម្រោង។ គណៈកម្មការ បានរៀបចំស្របតាមកម្មវិធីសិក្សាគោលរបស់ក្រសួង អប់រំ យុវជន និងកីឡា និង កម្មវិធីសិក្សាថ្មីផ្នែកលើលទ្ធផលសិក្សា ដែលក្រសួងបានអនុម័តក្នុងឆ្នាំ ២០០៧។

ឯកសារនេះ ត្រូវបានកែលម្អឡើងវិញផ្អែកតាមបទពិសោធនៃការបណ្តុះបណ្តាល និងអនុវត្តសាកល្បងជាមួយលោកគ្រូ អ្នកគ្រូ ពីថ្នាក់ទី ១-៩ មន្ត្រីបច្ចេកទេសនៃការិយាល័យអប់រំ យុវជន និងកីឡា ស្រុក មន្ទីរអប់រំ យុវជន និងកីឡាខេត្តគោលដៅទាំង ៣ និងគរុសិស្សនៃសាលាគរុកោសល្យ និងវិក្រិតការខេត្តសៀមរាប និងកំពង់ចាម សរុបជាង ១,៥០០ នាក់ ចាប់ពីឆ្នាំ ២០០៥ ដល់ ២០០៧ ។

ជាការពិត ខ្លឹមសារនៃឯកសារនេះ នៅមានខ្វះចន្លោះ មិនទាន់គ្រប់ជ្រុងជ្រោយដើម្បីបំពេញសេចក្តីត្រូវការរបស់លោកគ្រូ អ្នកគ្រូនៅឡើយ។ ប៉ុន្តែឯកសារនេះ ក៏ជាការបំពេញបន្ថែមសម្រាប់ជាជំនួយក្នុងការស្រាវជ្រាវ និងបង្រៀននៅតាមសាលារៀន។

យើងខ្ញុំសង្ឃឹមយ៉ាងមុតមាំថា ឯកសារនេះ នឹងបានរួមវិភាគទានយ៉ាងសកម្មក្នុងការលើកកម្ពស់គុណភាពនៃការបង្រៀន និងរៀនប្រចាំថ្ងៃរបស់លោកគ្រូ អ្នកគ្រូឲ្យកាន់តែប្រសើរឡើង។

ក្រុមអ្នកនិពន្ធ

## **គណៈកម្មការរៀបចំឯកសារ**

### **I. គណៈគ្រប់គ្រង**

- |                        |   |
|------------------------|---|
| ១. ឯកឧត្តម អ៊ឹម សិទ្ធិ | រដ្ឋមន្ត្រីក្រសួងអប់រំ យុវជន និងកីឡា      |
| ២. ឯកឧត្តម ប៊ុន សុខ    | រដ្ឋលេខាធិការក្រសួងអប់រំ យុវជន និងកីឡា    |
| ៣. ឯកឧត្តម ណាត ប៊ុនរៀន | រដ្ឋលេខាធិការក្រសួងអប់រំ យុវជន និងកីឡា    |
| ៤. លោកជំទាវ ទន់ សាអ៊ឹម | អនុរដ្ឋលេខាធិការក្រសួងអប់រំ យុវជន និងកីឡា |

### **II. គណៈកម្មការពិនិត្យ**

- |                      |  |
|----------------------|--|
| ១. លោក លាង សេងហាក់   | ប្រធាន នាយកដ្ឋានបណ្តុះបណ្តាល និងវិក្រឹតការ |
| ២. លោក ច្រើង លឹមស្រី | ប្រធាន នាយកដ្ឋានមធ្យមសិក្សាចំណេះទូទៅ       |
| ៣. លោក យ៉ាក់ សុវណ្ណ  | ប្រធាន នាយកដ្ឋានបឋមសិក្សា                  |
| ៤. លោក អេង គឹមលី     | ប្រធាន នាយកដ្ឋានស្រាវជ្រាវគរុកោសល្យ        |

### **III. គណៈកម្មការនិពន្ធ**

- |                       |  |
|-----------------------|--|
| ១. លោក ជួរ សុវណ្ណជន   | អនុប្រធាន នាយកដ្ឋានមធ្យមសិក្សាចំណេះទូទៅ            |
| ២. លោកស្រី អ៊ុក សុមនី | ប្រធានការិ. នាយកដ្ឋានស្រាវជ្រាវគរុកោសល្យ           |
| ៣. លោក ប៊ុច ប៊ុនណា    | ប្រធានការិ. នាយកដ្ឋានបឋមសិក្សា                     |
| ៤. លោក អ៊ុំ ស៊ាងលី    | ប្រធានការិ. នាយកដ្ឋានមធ្យមសិក្សាចំណេះទូទៅ          |
| ៥. លោក សម សុភ័ក្តិ    | អនុប្រធានការិ. នាយកដ្ឋានបណ្តុះបណ្តាល និងវិក្រឹតការ |
| ៦. លោក ក្រិត ប៉ៅលី    | អនុប្រធានការិ. នាយកដ្ឋានបណ្តុះបណ្តាល និងវិក្រឹតការ |
| ៧. លោកស្រី ប៉ែន ថារី  | អនុប្រធានការិយាល័យ នាយកដ្ឋានបឋមសិក្សា              |
| ៨. លោកស្រី អន នីថា    | មន្ត្រី នាយកដ្ឋានស្រាវជ្រាវគរុកោសល្យ               |

### **IV. ជំនួយការបច្ចេកទេស និង ចងក្រង**

- |                             |  |
|-----------------------------|--|
| ១. លោកស្រី JANE COURTNEY    | អ្នកពិគ្រោះ ការគណិតវិទ្យាគម្រោង អ.ម.ប.គ          |
| ២. លោកស្រី ROS SCHERLER     | អ្នកពិគ្រោះ ការគណិតវិទ្យាគម្រោង អ.ម.ប.គ          |
| ៣. លោកស្រី BARBARA ALLEBONE | អ្នកពិគ្រោះ ការគណិតវិទ្យាគម្រោង អ.ម.ប.គ          |
| ៤. លោកស្រី CHRIS HOPKINS    | អ្នកពិគ្រោះ ការគណិតវិទ្យាគម្រោង អ.ម.ប.គ          |
| ៥. លោកស្រី VALERIE NEWMAN   | អ្នកពិគ្រោះ ការគណិតវិទ្យាគម្រោង អ.ម.ប.គ          |
| ៦. លោក GERT JANSSENS        | សហប្រធានគម្រោង អ.ម.ប.គ                           |
| ៧. លោក សារ ណាក់             | សហប្រធានគម្រោង អ.ម.ប.គ                           |
| ៨. លោក ហោ សុខៈ              | អ្នកសម្របសម្រួលកម្មវិ.ប.បគ្រូប.&៩+២គម្រោងអ.ម.ប.គ |
| ៩. លោក សៀង វ៉ាន់            | ជំនួយការបច្ចេកទេសគណិតវិទ្យាគម្រោង អ.ម.ប.គ        |

### **V. គណៈកម្មការរៀបរៀង**

- |                       |   |
|-----------------------|---|
| ១. លោក ជា ជុន         | អនុប្រធាន នាយកដ្ឋានបណ្តុះបណ្តាល និងវិក្រឹតការ |
| ២. លោកស្រី តាន់ លីហួង | អនុប្រធាន នាយកដ្ឋានបណ្តុះបណ្តាល និងវិក្រឹតការ |

VI. អ្នកផ្តល់យោបល់កែលម្អ

- |                         |                          |
|-------------------------|--------------------------|
| ១. លោក គឹម គឹមអាំង      | ១៨. លោក ជា ពៅ            |
| ២. លោក ទេព ទិត្យ        | ១៩. លោក ផាន់ ប៊ុយរ៉ូ     |
| ៣. លោក ភន់ សុខុន        | ២០. លោក ថ្លាង ឡាម៉ូ      |
| ៤. លោក ទូច យ៉ាវិន       | ២១. លោក ស៊ីង ហ៊ីណារិទ្ធ  |
| ៥. លោក យ៉ង់ ម៉េងហួរ     | ២២. លោក ស៊ីង ហ៊ីណារ៉ុ    |
| ៦. លោក អៀម ជោតវិត្យា    | ២៣. លោក ប្លង់ វណ្ណប៉ាត   |
| ៧. លោក កែ វណ្ណនី        | ២៤. លោក វ៉ែន សុផល        |
| ៨. លោក ឡាច ថានវិរៈ      | ២៥. លោក ដឹម ស៊ីន         |
| ៩. លោកស្រី អ៊ុក ច័ន្ទដា | ២៦. លោកស្រី ឃី អេងចាន់រី |
| ១០. លោក ម៉ៃ ខែង         | ២៧. លោក គឹម ផលវីន        |
| ១១. លោក អិ វណ្ណារ៉ា     | ២៨. លោក អៀន ដូនី         |
| ១២. លោក ខុល ភា          | ២៩. លោក សៅ វុទ្ធា        |
| ១៣. លោក មៅ សិន          | ៣០. លោក នុត ប៊ុនធួន      |
| ១៤. លោក សេង ប្ញទ្ធី     | ៣១. លោក ស៊ឹម កី          |
| ១៥. លោក ហ៊ីង រស្មី      | ៣២. លោក ទុំ លន់          |
| ១៦. លោក ជួប ដួវ         | ៣៣. កញ្ញា បៀង វណ្ណារ៉ា   |
| ១៧. លោក ឡាច អូន         | ៣៤. លោក ខុម សុខុន        |

## ព័ត៌មាន

### ចំណេះដឹង បញ្ញត្តិ និងបំណិន

#### 1. ការធ្វើឱ្យទូទៅ និងការប្រើនិមិត្តសញ្ញាពីជគណិត

- ក. ការរៀបរាប់ពីលំនាំគំរូដោយប្រើពាក្យ និងដោយប្រើនិមិត្តសញ្ញាពីជគណិត
- ខ. ការយល់ដឹងពីវិធីប្រើតួអក្សរតាងឱ្យចំនួន
- គ. ការប្រើរងក្រចក
- ឃ. ការសម្រួលកន្សោម
- ង. ការគណនាតម្លៃកន្សោមតាមបរិបទ

#### 2. ស្ថិត អនុគមន៍ និងក្រាប

- ក. ស្ថិត និងការរកតួទី n
- ខ. អនុគមន៍
- គ. កូអរដោនេ
- ឃ. ក្រាបតាងសមីការដឺក្រេទី 1 មាន 1 អាញាត

#### 3. ការដោះស្រាយសមីការ

- ក. សមីការដឺក្រេទី 1 មាន 1 អាញាត ឬសមីការលីនេអ៊ែរ និងវិសមីការ
- ខ. ប្រព័ន្ធសមីការដឺក្រេទី 1
- គ. សមីការដឺក្រេទី 2 មាន 1 អាញាត

#### 4. ការបង្កើនការគិតតាមបែបពីជគណិតកាន់តែស៊ីជម្រៅ

- ក. ប្រមាណវិធីលើកន្សោមពីជគណិត
- ខ. ការដោះស្រាយវិសមីការ
- គ. ការសង់ និងបកស្រាយតំបន់ចម្លើយនៅលើក្រាប
- ឃ. ការស្រាយបំភ្លឺតាមបែបពីជគណិត

**1. ការធ្វើឱ្យទូទេវ និងការប្រើនិមិត្តសញ្ញាពីជគណិត**

គណិតវិទ្យាត្រូវបានពណ៌នាថា គឺជាការសិក្សាពីលំនាំគំរូ ។

គណិតវិទ្យា បានធ្វើតាមវិធីដូចខាងក្រោមនេះ :

- សង្កេតមើលលំនាំគំរូ
- បង្កើតអំណះអំណាងទូទៅ
- ព្យាយាមស្រាយបំភ្លឺអំណះអំណាងទូទៅ

និមិត្តសញ្ញាពីជគណិត ជាឧបករណ៍ដ៏មានសារប្រយោជន៍ ក្នុងការបង្ហាញអំណះអំណាងទូទៅ ដោយសង្ខេប ។

**1. ក. ការរៀបរាប់លំនាំគំរូដោយប្រើពាក្យ និងនិមិត្តសញ្ញាពីជគណិត**

**សកម្មភាពទី 1 : បូកចំនួនតួ**

បូក 5 ចំនួនតួ ។

ឧទាហរណ៍ :  $78+ 79 + 80 + 81 + 82$  ឬ  $9 +10+ 11 + 12 + 13$  ។

សរសេរចម្លើយនៅលើក្តារឆ្នួន ។

ពិនិត្យមើលចម្លើយផ្សេងៗគ្នា នៅលើក្តារឆ្នួន រួចបង្កើតអំណះអំណាងទូទៅអំពីចម្លើយទាំងអស់នោះ ។

បើអ្នកធ្វើសកម្មភាពដូចគ្នានេះ ដោយប្រើបីចំនួនតួវិញ អ្នកទទួលបានចម្លើយជាពហុគុណរបស់ 3 ជានិច្ច ។

ឥឡូវនេះ ព្យាយាមស្រាយបំភ្លឺអំណះអំណាងរបស់អ្នកអំពីការបូក 5 ចំនួនតួ ។

ក្នុងសកម្មភាពនេះ អ្នកបាន :

- សង្កេតមើលលំនាំគំរូ
- បង្កើតអំណះអំណាងទូទៅ
- ប្រើនិមិត្តសញ្ញាពីជគណិត ដើម្បីស្រាយបំភ្លឺអំណះអំណាង



**សកម្មភាពទី 2 : ពិនិត្យមើលចំនួន នៅលើផ្ទាំងការេ 100**

យកការេដែលមានទំហំ 3x3 ណាមួយក៏បាននៅលើផ្ទាំងការេ 100 ។ បូកចំនួនក្នុងការេឈមគ្នាតាមអង្កត់ទ្រូង ។ តើអ្នកកត់សម្គាល់ឃើញដូចម្តេច?

.....

.....

តើចំនួននេះ និងចំនួននៅចំណុចណាមួយដែលមានទំហំ 3 x 3 មានទំនាក់ទំនងនឹងគ្នា ដូចម្តេច?

.....

.....

តើអ្នករកឃើញទំនាក់ទំនងផ្សេងទៀតអ្វីខ្លះ? តើអ្នកអាចពន្យល់មូលហេតុបានដែរឬទេ?

.....

.....

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

យកការេទំហំ 3 x 3 មួយផ្សេងទៀត នៅលើការេ 100 ហើយរកមើលលំនាំគំរូប្រហាក់ប្រហែលគ្នា នឹងលំនាំគំរូខាងលើ ។ តើអ្នកកត់សម្គាល់ឃើញអ្វីខ្លះ?

.....

.....

សរសេរចំនួននៅចំកណ្តាលការេ ដែលអ្នកបានជ្រើសរើស ។

សរសេរបំពេញការេដទៃទៀត នូវទំនាក់ទំនងរវាងចំនួននេះ ទៅនឹងចំនួននៅក្នុងការេកណ្តាល ។


**ឧទាហរណ៍ :** បើចំនួននៅចំកណ្តាលស្មើនឹង 35 នោះចំនួននៅខាងលើរបស់វាស្មើនឹង  $35 - 10$  ។

ប្រៀបធៀបចម្លើយ ។ តើអ្នកកត់សម្គាល់ឃើញអ្វីខ្លះ?

.....  
.....

យើងអាចប្រើលក្ខណៈនេះ ដើម្បីពន្យល់មូលហេតុ ដែលផលបូករបស់ចំនួននៅឈមគ្នា ជាទ្វេគុណរបស់ចំនួន នៅចំកណ្តាល ។

ចំនួននៅខាងលើតូចជាងចំនួននៅចំកណ្តាល 10 ជានិច្ច ។ ( ឧ.  $35 - 10$  )

ចំណែកឯចំនួននៅខាងក្រោមធំជាងចំនួននៅចំកណ្តាល 10 ជានិច្ច ។ ( ឧ.  $35 + 10$  )

បើយើងបូកពីរចំនួនក្នុងការេឈមគ្នានេះ យើងអាចសម្រួល  $-10$  និង  $+10$  បាន ហើយផលបូកស្មើនឹងទ្វេគុណរបស់ចំនួននៅក្នុងការេកណ្តាល ។

រៀបរាប់អំពីលំនាំគំរូមួយទៀត ដែលអ្នកសង្កេតឃើញ រួចសរសេរលំនាំគំរូនោះ ។

.....  
.....

បើ  $n$  តាងឱ្យចំនួននៅក្នុងការេកណ្តាល នោះចំនួននៅខាងលើវាស្មើនឹង  $n - 10$  ។ សរសេរចំនួនដទៃទៀត ជាអនុគមន៍នៃ  $n$  ។

	$n-10$	
	$n$	

តើអ្នកអាចប្រើកន្សោមនោះ ដើម្បីពន្យល់លំនាំគំរូផ្សេងទៀតនៅលើការេ ដែលអ្នកសង្កេតឃើញ បានដែរឬទេ? ប្រៀបធៀបសេចក្តីពន្យល់ទាំងនោះ ។

**1. ខ. ការយល់ដឹងពីវិធីប្រើតួអក្សរតាងឱ្យចំនួន**

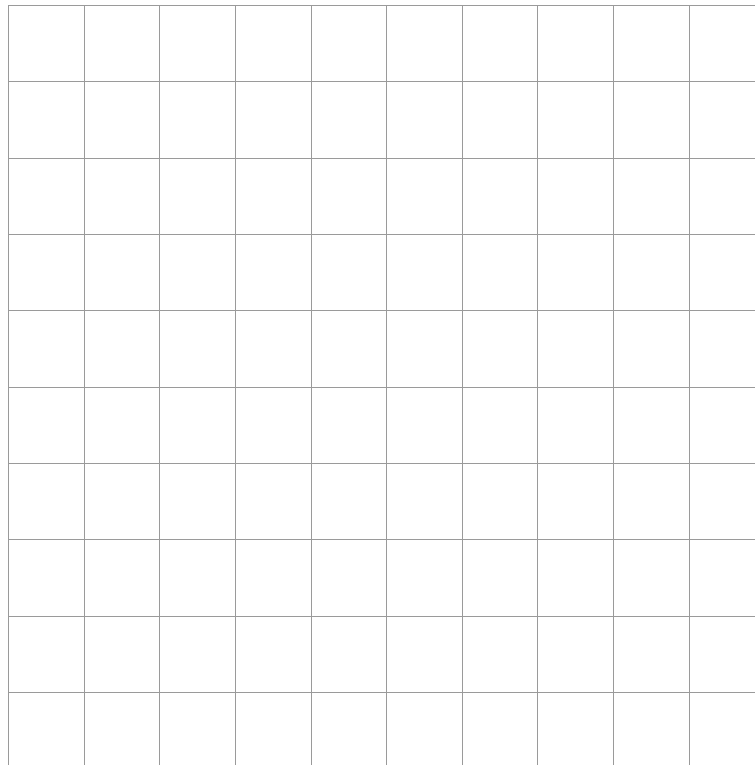
គណិតវិទូបានប្រើនិមិត្តសញ្ញាពីជគណិត ដើម្បីបង្ហាញពីលំនាំគំរូនៅក្នុងចំនួន។ យើងនឹងពិចារណាអំពីវិធីផ្សេងៗ ក្នុងការប្រើនិមិត្តសញ្ញា និងរបៀបផ្សារភ្ជាប់សកម្មភាព ដែលយើងចេះ អំពីចំនួន ទៅនឹងនិមិត្តសញ្ញាពីជគណិត ។

**សកម្មភាពទី 3 : រកអថេរ**

ក). ការប្រើអថេរ 1 ។ ដោះស្រាយសមីការ  $3x + 2 = 17$

ខ). ការប្រើអថេរ 2 ។ បំពេញក្នុងតារាង រួចសង់ក្រាបតាងឱ្យសមីការ  $y = 2x - 7$

x	0	2	4	6
2x-7				



ផ្នែកទាំងពីរនៃសមីការទី 3 ទាក់ទងនឹងអថេរ  $x$  ។ ក្នុងផ្នែក  $ក$   $x$  ជាអញ្ញាត ប៉ុន្តែព័ត៌មានក្នុងសមីការ  $3x + 2 = 17$  កំណត់ព្រំដែនតម្លៃរបស់  $x$  ។ មានតម្លៃ  $x$  តែមួយគត់ ដែលអាចផ្ទៀងផ្ទាត់សមីការ ។

ក្នុងផ្នែក **ខ** ការសង់ក្រាបតាងឱ្យសមីការ  $y=2x-7$  ក៏មានអថេរ  $x$  ដែរ ប៉ុន្តែយើងអាចឱ្យតម្លៃ  $x$  ស្មើនឹងប៉ុន្មាន ក៏បាន ។ អថេរទីពីរ  $y$  ជាអនុគមន៍នៃ  $x$  ។ យើងអាចគូសតារាងតម្លៃអថេរ ដោយឱ្យតម្លៃ  $x$  ណាមួយក៏បាន យើងអាច រកឃើញកូអរដោនេនៅលើក្រាប ។

យើងក៏ប្រើពាក្យសមភាពចំពោះ :

$$3(x + 2) = 3x + 6$$

$$x^2 - 4 = (x-2)(x+2)$$

$$a(x + b) = ax + ab$$

សមភាពទាំងនេះ ហាក់ដូចជាសមីការដែរ ប៉ុន្តែវាផ្ទៀងផ្ទាត់ ឬពិតគ្រប់តម្លៃរបស់  $x$  ។ យើងហៅកន្សោម ទាំងនេះ ថាជាសមភាព ។

សមភាពមានសារៈសំខាន់ណាស់ ពេលណាយើងចង់សរសេរកន្សោមពីជគណិត តាមរបៀបផ្សេងៗគ្នា ។

**សកម្មភាពទី 4 :** បញ្ជាក់ថា ល្បះលេខខាងក្រោមនេះផ្ទៀងផ្ទាត់ជានិច្ច ផ្ទៀងផ្ទាត់ខ្លះ និងមិនផ្ទៀងផ្ទាត់

ធ្វើកិច្ចការពីរៗនាក់ ។ សម្រេចថា តើល្បះខាងក្រោមនេះ ពិត ឬផ្ទៀងផ្ទាត់ជានិច្ច ( គ្រប់តម្លៃ  $x$  ) ផ្ទៀងផ្ទាត់ខ្លះ ឬមិនផ្ទៀងផ្ទាត់សោះ ។

ក).  $5x - 5 = 5(x-1)$                       ខ).  $5x - 5 = 10$                       គ).  $x^2 = 4$

ឃ).  $3(x + 2) = 3(x+1)$                       ង).  $x(x+2) = 0$                       ច).  $x = 5 - x$

គ្រូឧទ្ទេសសង្ខេបចំណុច ឬខ្លឹមសារសំខាន់ៗ។

**1.គ. ការប្រើវង់ក្រចក**

យើងប្រើវង់ក្រចក ដើម្បីធ្វើឱ្យលំដាប់ប្រមាណវិធីមានភាពច្បាស់លាស់ ។

ឧទាហរណ៍ :  $3 \times 4 + 5 = 27$  យើងត្រូវប្រើវង់ក្រចក ដើម្បីបង្ហាញថា ត្រូវយក 4 បូកនឹង 5 មុន ។

$3 \times (4+5) = 3 \times 9 = 27$

យើងលុបវង់ក្រចកចោល ដោយរកកន្សោមមួយទៀត ដែលមានតម្លៃស្មើនឹងកន្សោមក្នុងវង់ក្រចក ។

ឧទាហរណ៍ :  $3 \times (4+5) = 3 \times 4 + 3 \times 5$  ។

ធ្វើបែបនេះ មានសារៈសំខាន់ណាស់ នៅពេលដែលយើងចង់សម្រួលកន្សោម ដូចជា :  $3(x+5) + 7x$  ។

**សកម្មភាពទី 5 : ដាក់វង់ក្រចក**

គ្រូឧទ្ទេសនឹងអានកន្សោមមួយចំនួនឱ្យអ្នកស្តាប់ ។ សរសេរកន្សោមទាំងនោះ នៅលើក្តារឆ្នួន ។ ប្រើវង់ក្រចក បើអ្នកគិតថា ចាំបាច់ ដើម្បីធ្វើឱ្យអត្ថន័យច្បាស់លាស់ ។ ប្រើ x តាងឱ្យអញ្ញាត ។

**លំដាប់នៃប្រមាណវិធី**

$5x$  នេះមានន័យថា 5 គុណនឹង x យើងលុបសញ្ញាគុណចោល ។  $1x$  ជាធម្មតា យើងសរសេរថា x ។

$x^2$  នេះមានន័យថា x ការេ, ស្មើនឹង x គុណនឹង x

$4x^2$  យើងត្រូវគណនាស្វ័យគុណមុន បន្ទាប់មកទើបគណនាផលគុណជាក្រោយ ។ នេះមានន័យថា គណនា x ការេ រួចគុណនឹង 4 ។

$(3x)^2$  យើងប្រើវង់ក្រចក ដើម្បីឱ្យច្បាស់ថា យើងត្រូវគុណ x និង 3 សិន បន្ទាប់មកទើបលើកជាការេ ។

$\pi r^2$  រូបមន្តនេះ សម្រាប់គណនាផ្ទៃក្រឡារង្វង់ យើងមិនប្រើវង់ក្រចកទេ ដូចនេះ ដំបូងត្រូវគណនា r ការេ សិន បន្ទាប់មកគុណនឹង  $\pi$  ។

$3(x + 7)$  ពេលជំនួសតម្លៃរបស់  $x$  ត្រូវគណនាក្នុងវង់ក្រចកមុន ដូចនេះ មានន័យថា យក  $x$  បូកនឹង 7 រួច គុណ នឹង 3 ។

ដូចនេះ បើ  $x = 2$ ,  $3(2 + 7) = 3 \times 9 = 27$

ដូចនេះ បើ  $x = 4$ ,  $3(4 + 7) = 3 \times 11 = 33$

ដូចនេះ កន្សោមលេខ និងកន្សោមពីជគណិត មិនមែនគ្រាន់តែអានពីឆ្លងទៅស្តាំនោះទេ យើងត្រូវបកស្រាយ កន្សោមទាំងនោះ ដោយប្រើការសន្មតអំពីលំដាប់នៃប្រមាណវិធី ។

លំដាប់កំណត់នោះគឺ

1. វង់ក្រចក ( )
2. ស្វ័យគុណ  $^2$   $^3$   $\sqrt{\quad}$
3. ប្រមាណវិធីគុណ និងប្រមាណវិធីចែក  $\times$   $\div$
4. ប្រមាណវិធីបូក និងប្រមាណវិធីដក  $+$   $-$

**ការលុបវង់ក្រចក**

តើយើងអាចរកកន្សោមណាមួយ ដែលស្មើនឹង  $3(x+2)$  ជានិច្ច ដោយមិនចាំបាច់មានវង់ក្រចកដែរឬទេ?

**វិធីទី 1**

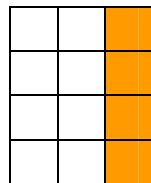
កន្សោម  $3(x+2)$  មានន័យថា 3 ត្រូវគុណគ្រប់តួក្នុងវង់ក្រចក ។ ដូចនេះ យក 3 គុណនឹងតួទីមួយ ( $x$ ) បន្ទាប់ មកទៀត យក 3 ទៅគុណនឹងតួទីពីរ (2) ហើយយកចម្លើយបូកបញ្ចូលគ្នា ។

$$3(x+2) = 3x + 3 \times 2 = 3x + 6$$

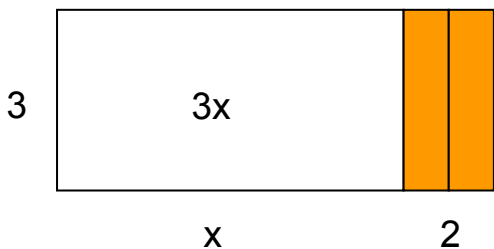
**វិធីទី 2**

ចាប់ផ្តើម ដោយប្រើឧទាហរណ៍ជាលេខ ។

ដ្យាក្រាមនេះបង្ហាញពី  $4(2 + 1) = 4 \times 2 + 4 \times 1$



ដ្យាក្រាមនេះបង្ហាញពី  $3(x+2) = 3x + 3 \times 2 = 3x + 6$



គេអាចយកវិធីដូចគ្នាទៅអនុវត្តចំពោះចំនួនអវិជ្ជមានដែរ ប៉ុន្តែមានការពិបាកមើលបន្តិច ។

តើអ្នកអាចគូសដ្យាក្រាមដាក់លើក្តារឆ្នួន ដើម្បីបង្ហាញការគណនាកន្សោមខាងក្រោមនេះបានដែរឬទេ?

$$4(5-3) = 4 \times 5 - 4 \times 3$$

$$4(x-3) = 4x - 12$$


តើអ្នកអាចសរសេរ  $(x+5)(x+3)$  ដោយមិនប្រើវង់ក្រចកបានដែរឬទេ?

ចំណេះ: តើអ្នកអាចសរសេរ  $(x+5)(x+3)$  ដោយមិនប្រើវង់ក្រចកដោយរបៀបណា?


**វិធីទី 1**

ពិនិត្យមើលឧទាហរណ៍ជាលេខសិន ។


$$(10+5)(10+3) = 10(10+3) + 5(10+3) \\ = 100 + 30 + 50 + 15$$




$$(10+5)(10+3) = 100 + 30 + 50 + 15$$



$$(10+5)(10+3) = 100 + 30 + 50 + 15$$

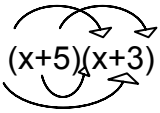


$$(10+5)(10+3) = 100 + 30 + 50 + 15$$



$$(10+5)(10+3) = 100 + 30 + 50 + 15$$

ចំនួននីមួយៗក្នុងវង់ក្រចកទីមួយ គុណនឹងចំនួននីមួយៗក្នុងវង់ក្រចកទីពីរ ។



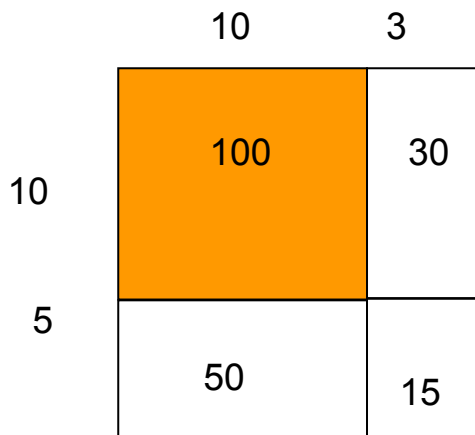
ដូចនេះ  $(x+5)(x+3) = x^2 + 3x + 5x + 15$

វិធីនេះ អាចយកមកអនុវត្តបានយ៉ាងល្អ ចំពោះចំនួនអវិជ្ជមាន ។

$$(5-2)(5+3) = 5(5+3) - 2(5+3) = 25 + 15 - 10 - 6 \\ (x-2)(x+3) = x(x+3) - 2(x+3) = x^2 + 3x - 2x - 6$$

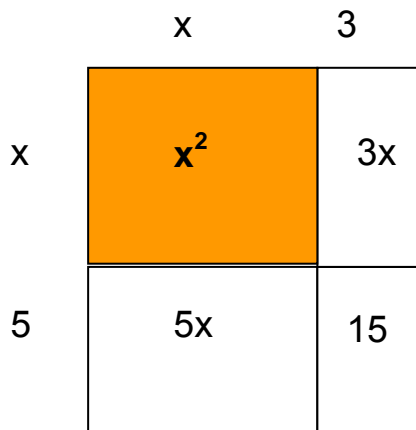
$$(x - 2)(x - 3) = x(x - 3) - 2(x - 3) = x^2 - 3x - 2x + 6$$

វិធីទី ២ គូសដ្យាក្រាម ឬតារាង



$$(10 + 3)(10 + 5) = 100 + 30 + 50 + 15 = 195$$

ចំពោះកន្សោមពិជគណិត ក៏មានលក្ខណៈប្រហាក់ប្រហែលគ្នានេះដែរ ។



$$(x + 5)(x + 3) = x^2 + 5x + 3x + 15 = x^2 + 8x + 15$$

	x	3
x	$x^2$	$3x$
5	$5x$	15

ដ្យាក្រាមនេះ អាចសម្រួលមកត្រឹមតារាងតម្លៃលេខ

ការបង្ហាញចំនួនអវិជ្ជមានតាមរយៈការប្រើតារាង មានភាពងាយស្រួល ។

$$(x - 5)(x - 3)$$

	x	-3
x	$x^2$	$-3x$
-5	$-5x$	15



សកម្មភាពទី 6 : លុបវង់ក្រចក

ក). គូសតារាងតម្លៃលេខ ដើម្បីតាងឱ្យផលគុណកន្សោម  $(2x+3)(x+5)$

ខ). គូសតារាងតម្លៃលេខ ដើម្បីតាងឱ្យផលគុណកន្សោម  $x(x+5)$

គ). គូសតារាងតម្លៃលេខ ដើម្បីតាងឱ្យផលគុណកន្សោម  $(x-3)(x+5)$

**ការដាក់ជាផលគុណកត្តា និងការដាក់វង់ក្រចក**

ពិនិត្យមើលកន្សោម  $3x + 6$  ត្រូវទាំងពីរចែកដាច់នឹង 3

$3x + 6$  អាចសរសេរជា  $3x + 3 \times 2$

កត្តារួម 3 អាចដកមកដាក់ខាងក្រៅវង់ក្រចក យើងបាន :

$3x + 6 = 3x + 3 \times 2 = 3(x + 2)$

ការដាក់ជាផលគុណកត្តា ជាចម្រុះនឹងការគុណ (ពន្លាត) ចេញពីវង់ក្រចក ។

$3(x+2)$  មានន័យថា 3 គុណនឹង  $(x+2)$  ។ ការដាក់វង់ក្រចក ធ្វើឱ្យមានន័យច្បាស់ថា 3 ជាកត្តារបស់  $3(x+2)$  ឬ 3 ជាកត្តារបស់  $3x$  និង 3 ជាកត្តារបស់ 6 ។

$10 - 5x = 5(2-x)$  ព្រោះ 5 ជាកត្តារបស់ 10 និងជាកត្តារបស់  $5x$

$x^2 - 21x = x(x - 21)$  ព្រោះ x ជាកត្តារបស់  $x^2$  និងជាកត្តារបស់  $21x$

ការប្រើពណ៌មានសារប្រយោជន៍ណាស់ ដើម្បីជួយសិស្សឱ្យមើលឃើញកត្តា ក្នុងកន្សោមពិជគណិតស្មុគស្មាញ ។

**សកម្មភាពទី 7 : សរសេរជាផលគុណកត្តា**

ធ្វើកិច្ចការក្នុងក្រុមតូចៗ ដោយសមាជិកម្នាក់ធ្វើជាគ្រូបង្រៀន ហើយសរសេរកន្សោមមួយនៅលើក្តារឆ្នួន ។

ឧទាហរណ៍ :  $4a + 8$      $2x^2 - 4x$      $4pq^2 + 8p$

សមាជិកដទៃទៀត សរសេរកន្សោមនោះ ជាផលគុណកត្តា ដាក់លើក្តារឆ្នួន ។ កត់ត្រាកន្សោមមួយចំនួន ក្នុងប្រឡោះខាងក្រោមនេះ ។

**1. យ. ការសម្រួលកន្សោម**

ទំនាក់ទំនងក្នុងប្រមាណវិធីលើចំនួន មានសារៈប្រយោជន៍ណាស់សម្រាប់សិស្ស ។ យើងសម្រួលប្រភាគដែលមានអថេរ ដូចគ្នានឹងការសម្រួលប្រភាគនៃចំនួនដែរ ។

ឧទាហរណ៍ : ការគុណប្រភាគនិងប្រភាគ

$\frac{2}{9} \times \frac{3}{8} = \frac{2 \times 3}{9 \times 8} = \frac{1}{12}$        $\frac{8a^2}{b^2} \times \frac{b}{4a} = \frac{8a^2 \times b}{b^2 \times 4a} = \frac{2a}{b}$

ឧទាហរណ៍ : ការបូកស្វ័យគុណ

$$5^3 \times 3^2 \times 5^3 = 5^6 \times 3^2$$

$$a^3 \times b^2 \times a^3 = a^6 \times b^2$$

**សកម្មភាពទី 8 : សម្រួលកន្សោម**

សរសេរកន្សោមពីជគណិតមួយចំនួន ដែលប្រហាក់ប្រហែលគ្នា នឹងកន្សោមលេខខាងក្រោមនេះ ។

អាចមានកន្សោមជាច្រើន ។

1).  $8^3 \times 4^2 \times 8^4 = 8^7 \times 4^2$

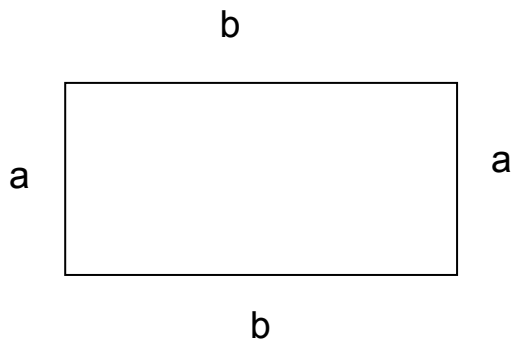
2)  $\frac{4}{15} \times \frac{3}{8} = \frac{4 \times 3}{15 \times 8} = \frac{1}{10}$

ប្តូរកន្សោមរបស់អ្នកជាមួយក្រុមផ្សេង ហើយសម្រួលកន្សោមទាំងនោះ ។

**១.៥. ការគណនាតម្លៃកន្សោមតាមបរិមាត្រ**

ការរកតម្លៃកន្សោម គឺជាចម្រាសនៃការតាងលំនាំគំរូនៃចំនួន ដោយប្រើរូបមន្ត ។ អ្នកត្រូវចាប់ផ្តើមពីរូបមន្ត ហើយរកតម្លៃវា ចំពោះចំនួនជាក់លាក់ខ្លះៗ ។ សិស្សនឹងយល់ថា ចំណុចនេះមានភាពងាយស្រួល បើគេយល់រូបមន្ត ។ ចតុកោណកែងមានទទឹងស្មើនឹង a cm និងបណ្តោយ b cm ។

សរសេររូបមន្តបរិមាត្ររបស់ចតុកោណកែងនេះ ។



បរិមាត្ររបស់រូបម្ពីមួយ ជាប្រវែងជុំវិញរបស់វា

ដូចនេះបរិមាត្ររបស់ចតុកោណកែងនេះស្មើនឹង :

$$a + b + a + b = 2a + 2b$$

ការរកតម្លៃ

រកបរិមាត្ររបស់ចតុកោណកែងនេះ បើ a = 10 ហើយ b = 4 ។

$$\text{បរិមាត្រ} = 2 \times 10 + 2 \times 4 = 28$$

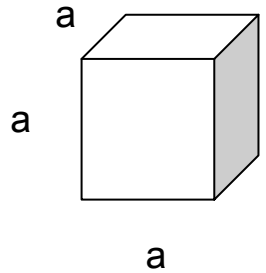
បរិមាត្ររបស់ចតុកោណកែងនេះ អាចសរសេរបានជា  $2(a + b)$

បរិមាត្រ =  $2(10+4) = 2 \times 14 = 28$

**សកម្មភាពទី 9 : រករូបមន្តផ្ទៃក្រឡា និងមាឌ**

សរសេររូបមន្តសម្រាប់គណនាមាឌ និងផ្ទៃក្រឡាមុខរបស់គូប ដែលមានជ្រុងប្រវែង  $a$  cm ។

ជំនួសតម្លៃក្នុងរូបមន្ត ដើម្បីបំពេញតារាងខាងក្រោម :



ប្រវែងជ្រុង	ផ្ទៃក្រឡាមុខ	មាឌ
1 cm		
2 cm		
4 cm		

សម្រេចថា អំណះអំណាងខាងក្រោមនេះពិត ឬមិនពិត។

បើយើងទ្រេតុណប្រវែងជ្រុងរបស់គូប នោះផ្ទៃក្រឡារបស់មុខគូបនោះក៏កើនឡើងទ្វេដងដែរ ។ ពិត / មិនពិត

បើយើងទ្រេតុណប្រវែងជ្រុងរបស់គូប នោះមាឌរបស់គូបនោះក៏កើនឡើងទ្វេដងដែរ ។ ពិត / មិនពិត

**សកម្មភាពទី 10 : រកតម្លៃកន្សោម**

តើអ្នកត្រូវចេះអ្វីខ្លះ ដើម្បីគណនាតម្លៃរបស់កន្សោមនេះ បើ  $a = 2$  ហើយ  $b = 10$ ?

$$2a + 3b + 4(2b-a) - 3(5-a) + \frac{4a-2}{b-8}$$

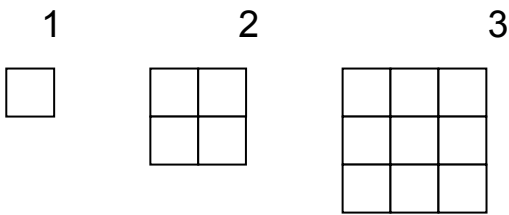
គ្រូឧទ្ទេសសង្ខេបខ្លឹមសារសំខាន់ៗ។

## 2. ស្វ័ត អនុគមន៍ និងក្រាប

### 2. ក. ស្វ័ត និងការរកតួទី n

#### សកម្មភាពទី 11 : ស្វ័តទី 1

ធ្វើកិច្ចការក្នុងក្រុម ដោយប្រើបំពង់ប៊ីត (ឈើគូស) ឬគូសលំនាំគំរូការពេនៃមួយចំនួនបន្តបន្ទាប់ ។



ពិនិត្យមើលចំនួនការពេតូចៗចាំបាច់ ដើម្បីបង្កើតលំនាំគំរូក្នុងតួនីមួយៗ រួចគូសតារាងមួយ ។

លំដាប់តួក្នុងស្វ័ត	1	2	3	4	5	គ្រប់ចំនួនទាំងអស់
ចំនួនការពេតូចៗ	1	4				

តើតួទី 10 នឹងមានការពេតូចៗចំនួនប៉ុន្មាន?

.....

.....

តើតួទី 39 នឹងមានការពេតូចៗចំនួនប៉ុន្មាន?

.....

.....

តើអ្នករកឃើញ ដោយរបៀបណា? តើអ្នកអាចតាងដោយកន្សោមពិជគណិតបានដែរឬទេ?

.....

.....

.....

ស្វ័តនេះ អាចយកមកប្រើដើម្បីសង្កេតមើលលំនាំគំរូដទៃទៀត ។ ឧទាហរណ៍ ចំនួនឈើគូសសរុបសម្រាប់បង្កើតជាបរិមាត្ររបស់ការពេ ។ល។ ជ្រើសរើសលក្ខណៈណាមួយ ហើយសង្កេតលំនាំគំរូនេះ ។ បង្កើតអំណះអំណាងទូទៅ អំពីលំនាំគំរូ ហើយសរសេរវាជាកន្សោមពិជគណិត ។

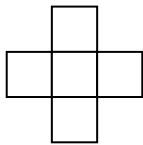
លំដាប់ក្នុងស្វ៊ីត	1	2	3	4	5	គ្រប់ចំនួនទាំងអស់
បរិមាត្រ	4	8				

ដោយសារតែស្វ៊ីតនេះផ្អែកលើលំដាប់ការេ ដែលកើនឡើងថេរ យើងជឿជាក់ថា រូបមន្តរបស់យើងមានភាពត្រឹមត្រូវ ។

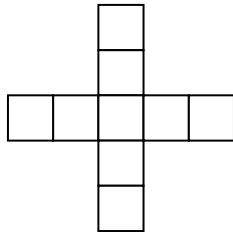
បើគេគ្រាន់តែឱ្យស្វ៊ីតណាមួយ ឧ. 1, 4, 7, 10, 13, ... ស្វ៊ីតនេះប្រហែលជាបន្តទៀត ដូចជា 16, 19, 22, 25 ប៉ុន្តែបើគេមិនបញ្ជាក់ថា ស្វ៊ីតនេះកើនឡើងជាចំនួនថេរទេនោះ យើងមិនអាចប្រាកដក្នុងចិត្តនោះទេ ។

**សកម្មភាពទី 12 : ស្វ៊ីតទី 2**

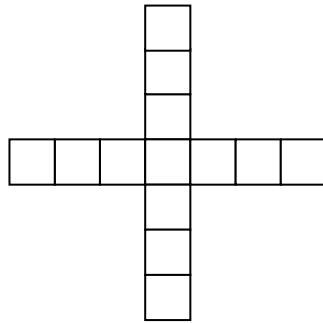
ពិនិត្យមើលស្វ៊ីតខាងក្រោមនេះ :



1



2



3

ចូរពិភាក្សាគ្នាអំពីចំនួនសញ្ញាខ្វែងតូចទី 10 ។

.....

.....

.....

តើសញ្ញាខ្វែងទី 100 មានការេតូចៗចំនួនប៉ុន្មាន? .....

សរសេរវិធីគណនាចំនួនការេតូចៗនៅក្នុងសញ្ញាខ្វែងតូចទី 100 នេះ ។

.....

សរសេរវិធីគណនាចំនួនការេតូចៗនៅក្នុងសញ្ញាខ្វែងតូចទី 18 ។

.....

សរសេរវិធីគណនាចំនួនការេតូចៗនៅក្នុងសញ្ញាខ្វែងតូចទី 32 នេះ ។

.....

សរសេរវិធីគណនាចំនួនការេតូចៗនៅក្នុងសញ្ញាខ្វែងតូចទី n ។

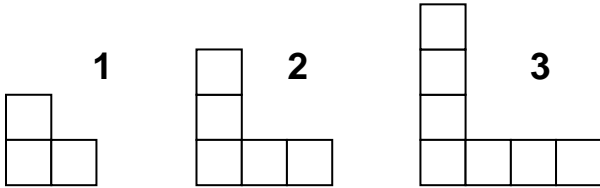
.....

រូបមន្តនេះ ហៅថា រូបមន្តសម្រាប់គណនាតួទី  $n$  របស់ស្វីតនេះ ។  
 រូបមន្តនេះបង្ហាញពីចំនួនការរតូចៗសម្រាប់គ្រប់តម្លៃ  $n$  ទាំងអស់ ។

**សកម្មភាពទី 13 : ស្វីតទី 3**

ពិនិត្យមើលស្វីតខាងក្រោមនេះ

គន្លឹះ : ការេនេះ មានទំហំ 1cm x 1cm



ពិភាក្សាគ្នាអំពីវិធីគូសរូបតួទី 10 ។ ឥឡូវនេះ សរសេរសេចក្តីណែនាំអំពីវិធីគូសរូបតួទី 10 នេះឱ្យបានច្បាស់ ។

.....  
 .....

តើផ្ទៃក្រឡាតួទី 10 របស់ស្វីតនេះ ស្មើនឹងប៉ុន្មាន?

.....

តើផ្ទៃក្រឡាតួទី 15 របស់ស្វីតនេះ ស្មើនឹងប៉ុន្មាន?

.....

តើផ្ទៃក្រឡាតួទី 200 របស់ស្វីតនេះ ស្មើនឹងប៉ុន្មាន?

.....

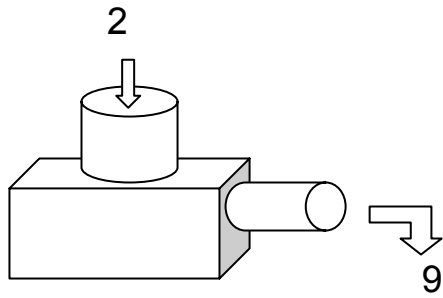
តើផ្ទៃក្រឡាតួទី  $n$  របស់ស្វីតនេះ ស្មើនឹងប៉ុន្មាន?

.....

**2.ខ. អនុគមន៍**

អនុគមន៍បង្ហាញពីទំនាក់ទំនងរវាងអថេរពីរ ឬច្រើន ។

ដ្យាក្រាមទំព័របន្ទាប់នេះ បង្ហាញពីមុខងារទំនាក់ទំនង ដោយមានចំនួនដើម និងចំនួនជាលទ្ធផល ។ មុខងារទំនាក់ទំនងដំណើរការទៅ ដោយប្រើប្រមាណវិធីដូចគ្នា ចំពោះគ្រប់ចំនួនដើមទាំងអស់ ។



ពេលណាយើងដាក់ចំនួនដើម ឧ. 2 ចូលក្នុងមុខងារទំនាក់ទំនង នោះយើងនឹងទទួលបានលទ្ធផលស្មើនឹង 9 ។  
 ការដាក់ចំនួនដើមជាច្រើនទៀត ធ្វើឱ្យយើងដឹងច្បាស់ថា មុខងារទំនាក់ទំនងនោះ ជាអ្វី ។

ចំនួនដើម	លទ្ធផល
2	9
5	21
10	41
6	25

មុខងារទំនាក់ទំនងខាងលើនេះ ប្រើចំនួនដើមទៅគុណនឹង 4 ហើយបូកនឹង 1 ។

យើងតាងចំនួនដើមដោយ  $x$  នោះលទ្ធផលស្មើនឹង  $4x + 1$  ។

ក្នុងករណីនេះ យើងអាចកំណត់បានគ្រប់តម្លៃរបស់  $x$  ទាំងអស់ ។ កន្សោមពិជគណិត ជាកន្សោមដែលមានអថេរ  $x$  និងមានតម្លៃប្រែប្រួលតាមតម្លៃរបស់  $x$  ។

បើ  $x$  ស្មើនឹង 102 នោះលទ្ធផលស្មើនឹង 409 ។ យើងអាចឱ្យតម្លៃ  $x$  ស្មើនឹងប៉ុន្មានក៏បានដែរ ។

$y = 4x + 1$  ជាអនុគមន៍ ដែលមានអថេរ  $x$ .

$x$  អាចមានតម្លៃស្មើនឹងប៉ុន្មានក៏បាន ។ កន្សោមផ្តល់តម្លៃអថេរទីពីរ  $y$  អាស្រ័យនឹងតម្លៃ  $x$  ដែលបានជ្រើសរើស ។

**សកម្មភាពទី 14 : រកអនុគមន៍**

សមាជិកម្នាក់អង្គុយពីមុខសមាជិកក្រុមដទៃទៀត តំណាងឱ្យអនុគមន៍ ។ សមាជិកម្នាក់ៗទទួលបានប័ណ្ណមួយ សន្លឹក ដោយមានសរសេរអនុគមន៍នៅលើនោះ ។ ឧ. គុណនឹង 3 រួចបូកនឹង 1 ។ គ្រូឧទ្ទេសសរសេរចំនួនដើម និងលទ្ធផល នៅលើក្តារខៀន ។ ក្នុងមួយលើកៗ សមាជិកក្រុមម្នាក់ផ្តល់ចំនួនដើមមួយ សមាជិកដែលតំណាងឱ្យអនុគមន៍ ឬមុខងារ ទំនាក់ទំនង ហៅចំនួនដែលជាលទ្ធផល ។ ចំនួនដើម និងចំនួនជាលទ្ធផលត្រូវកត់ត្រានៅលើក្តារខៀន ។

តើអ្នកអាចទាយចម្លើយបានដែរឬទេ?

គ្រូឧទ្ទេសនឹងផ្តល់មុខងារទំនាក់ទំនង ឬអនុគមន៍សម្ងាត់មួយចំនួនទៀត ។ ទាយរកចម្លើយ និងកត់ត្រាអនុគមន៍ នីមួយៗ ។



**2.គ. កូអរដោនេ**

គេអាចរៀបរាប់ពីទីតាំងរបស់ចំណុចណាមួយ ដោយគ្រាន់តែប្រើរង្វាស់តែពីរប៉ុណ្ណោះ :

ជ្រើសរើសចំណុចគល់ណាមួយ នោះគឺជាចំណុចប្រសព្វគ្នារវាងអ័ក្ស (x'x) និង (y'y) ។ គូសអ័ក្សកែងគ្នា ហើយដោតអ័ក្សដេកជាអ័ក្សអាប់ស៊ីស និងអ័ក្សឈរជាអ័ក្សអរដោនេ ។

ចម្ងាយពីគល់អ័ក្សអាប់ស៊ីស និងចម្ងាយពីគល់អ័ក្សអរដោនេ គឺជារង្វាស់ចំណុចដែលគេដៅ ហើយហៅថាកូអរដោនេ ។

គេអាចប្រើកូអរដោនេ ដើម្បីទទួលបានរូបភាពអនុគមន៍ ។

ពិនិត្យមើលតារាងទិន្នន័យ 3 ។ តារាងទិន្នន័យស្មើនឹង 3

តារាងទិន្នន័យស្មើនឹង 6... ។ល ។

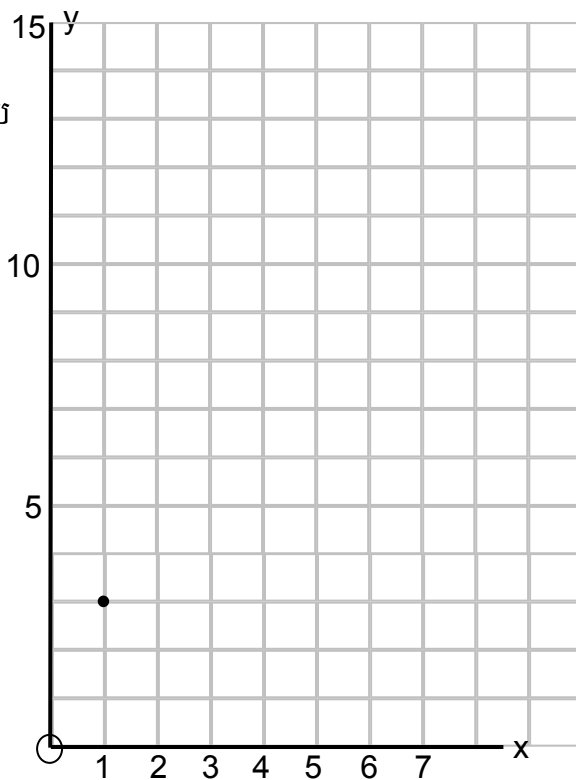
1	2	3	4	5
3	6	9	12	15

សរសេរតារាងទិន្នន័យទាំងនោះជាកូអរដោនេ ។

(1,3) (2,6) (3,9) (4,12) (5,15)

ចំណុចដែលមានកូអរដោនេ (1,3) បានដៅរួចហើយ

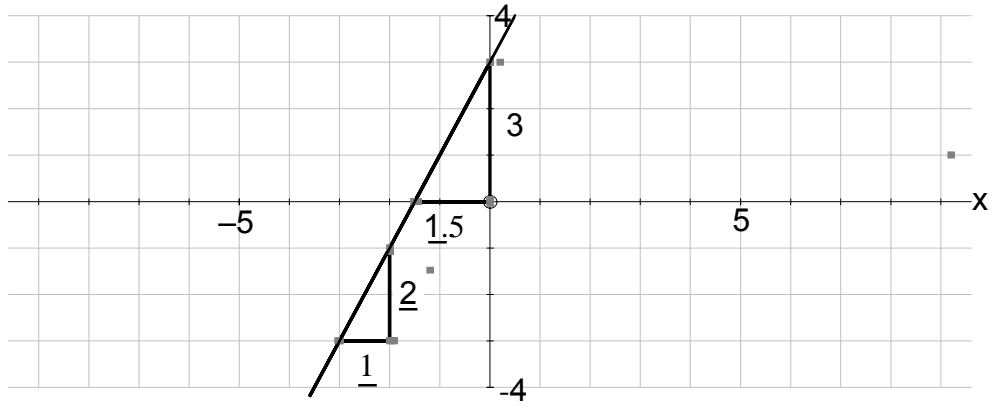
ចូរដៅចំណុចដែលមានកូអរដោនេផ្សេងទៀត ។



ដៅកូអរដោនេទាំងនោះ នៅលើក្រាប ។ កូអរដោនេ ជាបន្ទាត់ត្រង់ ។ តម្លៃអរដោនេ y ស្មើនឹង 3 ដងនៃតម្លៃអាប់ស៊ីស x ។ ដូចនេះ យើងឱ្យឈ្មោះក្រាបនេះ ថា  $y = 3x$  ។

មេគុណប្រាប់ទិសនៃបន្ទាត់ ជារង្វាស់ចំណោតរបស់បន្ទាត់ ។ ដើម្បីរកចំណោតនេះ គេត្រូវវិភាគ ត្រីកោណកែងមួយ

ហើយរកផលធៀបរវាង  $\frac{\text{ចម្ងាយតាមជួរឈរ}}{\text{ចម្ងាយតាមជួរដេក}}$

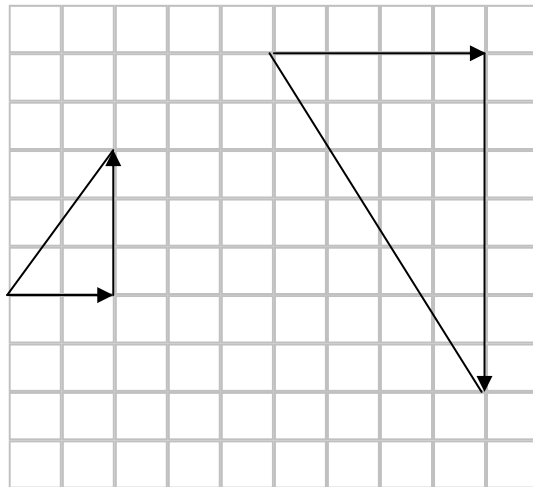


ចំពោះបន្ទាត់នេះ ចម្ងាយតាមជួរឈរស្មើនឹង 2 ឯកតា ហើយចម្ងាយតាមជួរដេកស្មើនឹង 1 ឯកតា។ ចម្ងាយតាមជួរឈរស្មើនឹង 3 ឯកតា និងចម្ងាយតាមជួរដេកស្មើនឹង 1.5 ឯកតា។ ដូចនេះផលធៀបគឺ  $\frac{2}{1} = \frac{3}{1.5} = 2$

តើក្រាបរបស់តារាងមេគុណ 3 មានមេគុណប្រាប់ទិសស្មើនឹងប៉ុន្មាន?.....

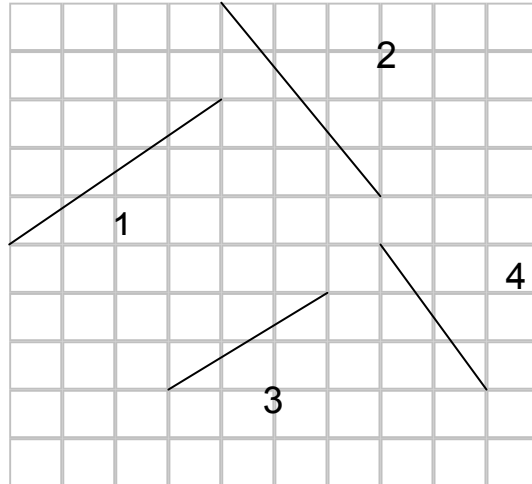
បើបន្ទាត់មានចំណោតចុះក្រោម មេគុណប្រាប់ទិសរបស់វា ជាចំនួនអវិជ្ជមាន។

ចម្ងាយតាមជួរដេក  
ស្មើនឹង 2 ឯកតា  
ចម្ងាយតាមជួរឈរស្មើនឹង  
3 ឯកតា។ មេគុណប្រាប់  
ទិសស្មើនឹង  $\frac{3}{2}$



ចម្ងាយតាមជួរដេក ស្មើនឹង 4  
ឯកតា។ ចំណែកចម្ងាយ  
ចុះក្រោមស្មើនឹង 7 ឯកតា។  
មេគុណប្រាប់ទិសស្មើនឹង  $-\frac{7}{4}$  ។

សកម្មភាពទី 15 : រកមេគុណប្រាប់ទិស



តើអង្កត់ណាខ្លះ ដែលកែងគ្នា? .....

រកមេគុណប្រាប់ទិសរបស់អង្កត់នីមួយៗ?

មេគុណប្រាប់ទិសរបស់បន្ទាត់ទី 1 ស្មើនឹង : .....

មេគុណប្រាប់ទិសរបស់បន្ទាត់ទី 2 ស្មើនឹង : .....

មេគុណប្រាប់ទិសរបស់បន្ទាត់ទី 3 ស្មើនឹង : .....

មេគុណប្រាប់ទិសរបស់បន្ទាត់ទី 4 ស្មើនឹង : .....

នៅលើក្រដាសក្រឡាការេ គូសអង្កត់ដែលមានមេគុណប្រាប់ទិសស្មើនឹង  $\frac{2}{5}$



តើមេគុណប្រាប់ទិសរបស់បន្ទាត់កែងស្មើនឹងប៉ុន្មាន? .....

ប្រើចំណេះដឹងនេះ ដើម្បីឆ្លើយនឹងសំណួរខាងក្រោមនេះ ។

រកមេគុណប្រាប់ទិសរបស់បន្ទាត់ ដែលកែងនឹងបន្ទាត់នីមួយៗខាងក្រោមនេះ ។

1. មេគុណប្រាប់ទិស 4                      2. មេគុណប្រាប់ទិស  $\frac{1}{2}$                       3. មេគុណប្រាប់ទិស  $\frac{2}{3}$

មេគុណប្រាប់ទិសរបស់បន្ទាត់កែងនឹងបន្ទាត់ :

- 1 មេគុណប្រាប់ទិស..... 2. មេគុណប្រាប់ទិស .....3. មេគុណប្រាប់ទិស.....

បើមេគុណប្រាប់ទិសរបស់អង្កត់មួយ ស្មើនឹង  $\frac{a}{b}$  ។ រកមេគុណប្រាប់ទិសរបស់អង្កត់ដែលកែងនឹងអង្កត់នេះ ។

**2. ឃ. ក្រាបបន្ទាត់**

ក្នុងឧទាហរណ៍ខាងដើម យើងមានក្រាបមួយ ដែលបង្ហាញចំណុចមួយចំនួនរបស់បន្ទាត់  $y = 3x$  ។

តើចំណុចណាខ្លះ ក្នុងចំណោមចំណុចមួយចំនួន ដែលមានកូអរដោនេ ដូចខាងក្រោម ស្ថិតនៅលើបន្ទាត់តែមួយ?  
 ( 1.5, 4.5 ) ( 0.2, 0.6 ) ( 10, 30 )

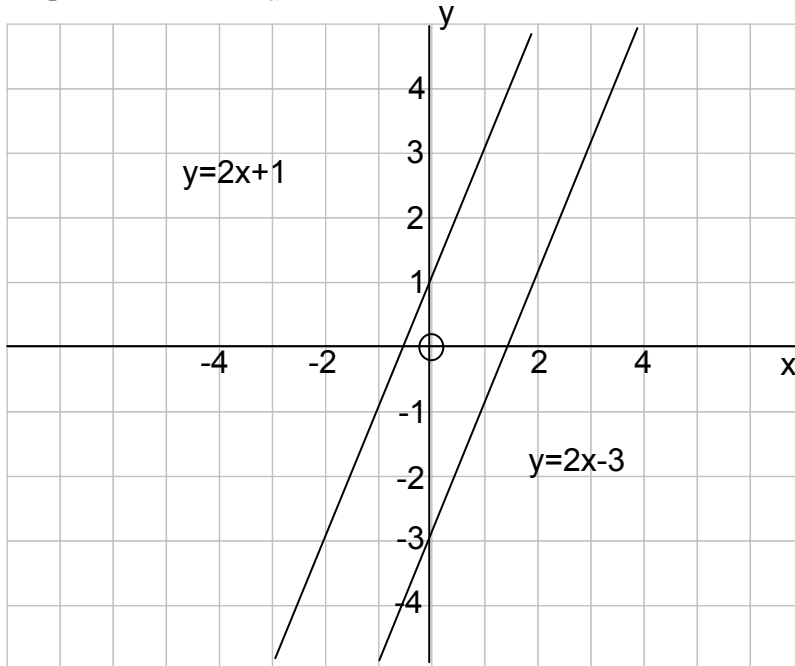
បន្ថែមបីចំណុចទៀត ដែលស្ថិតនៅលើបន្ទាត់  $y = 3x$  ដែរ ។

.....

គ្រប់ចំណុចទាំងអស់ ដែលក្រុមបានសរសេរ និងរាប់លានចំណុចទៀតស្ថិតនៅលើបន្ទាត់  $y = 3x$  មានចំនួនចំណុចរាប់មិនអស់ ដែលតម្លៃ  $y$  ស្មើនឹងតម្លៃ  $x$  គុណនឹង 3 ។

**សកម្មភាពទី 16 : ទស្សន៍ទាយលក្ខណៈរបស់ក្រាប តាមរយៈសមីការ**

នេះជាក្រាបរបស់សមីការបន្ទាត់  $y = 2x + 1$  និង  $y = 2x - 3$



ធ្វើកិច្ចការពីរៗនាក់ ។

1). ចំពោះតម្លៃ  $x$  ពី 1 ដល់ 4 គូសក្រាប  $y = x + 3$  និង  $y = x + 1$

ម្នាក់ៗធ្វើតារាងតម្លៃលេខសម្រាប់ក្រាបណាមួយ ក្នុងចំណោមក្រាបទាំងពីរនេះ ។ បន្ទាប់មក គូសក្រាបទាំងពីរ នៅលើអ័ក្សជាមួយគ្នា នៅលើក្រដាសមានក្រឡា ។

ដំបូងគូសតារាងសម្រាប់ក្រាប  $y = x + 3$  ។

នៅពេលអ្នកមិនទាន់មានបទពិសោធក្នុងការគូសក្រាបទេ អ្នកមិនដឹងថា ក្រាបនេះជាបន្ទាត់ត្រង់នោះទេ ដូចនេះ អ្នកគួរតែដៅឱ្យបានច្រើនចំណុច ដែលមានតម្លៃ  $x$  ខុសៗគ្នា ។ ក្រោយមកទៀត ពេលអ្នកដឹងពីប្រភេទសមីការ ដែលមាន ក្រាបជាបន្ទាត់ត្រង់ហើយនោះ អ្នកអាចធ្វើវិធីកាត់បាន ។

$y = x+3$

x	-1	0	1	2	3	4
y	2	3	4			

$y = x+1$

x	-1	0	1	2	3	4
y	0	1				

2). ចំពោះតម្លៃ  $x$  ពី -2 ដល់ 4 គូសក្រាប  $y = x$  និង  $y = 2x$

$y = x$

x	-2	-1	0	1	2	3	4
y							

$y = 2x$

x	-2	-1	0	1	2	3	4
y							

ដោយពិនិត្យមើលក្រាបទាំងនេះ រៀបរាប់ពីឥទ្ធិពលនៃការប្តូរតម្លៃ  $c$  ក្នុងក្រាប ដែលមានសមីការ  $y = x + c$  និងការប្តូរតម្លៃ  $m$  ក្នុងក្រាបបន្ទាត់ ដែលមានសមីការ  $y = mx$  ។

.....

.....

.....

វិធីកាត់ក្នុងការគូសក្រាប :

នៅពេលអ្នកដឹងថា ក្រាបនៃសមីការដែលមានរាង  $y = mx + c$  ជាបន្ទាត់ត្រង់ហើយនោះ អ្នកអាចប្រើវិធីកាត់ក្នុងការសង់ ក្រាបនេះ ។

ដើម្បីសង់ក្រាបដែលមានសមីការ  $y = 3x - 2$  ដោយប្រើតែពីរចំណុចគត់ ចំណុចដែលងាយស្រួលបំផុតគឺ :

បើ  $x = 0$  នោះ  $y = 0 - 2 = -2$  ។

បើ  $y = 0$  នោះ  $0 = 3x - 2$  ។

$$2 = 3x$$
$$\text{នាំឱ្យ } x = \frac{2}{3} =$$

x	0	
y		0

បញ្ចូលតម្លៃទាំងនេះក្នុងតារាង យើងអាចសង់ក្រាបនេះបាន ។

### 3. ការដោះស្រាយសមីការ

#### 3.ក. សមីការដឺក្រេទី 1 មានមួយអាណ្តាត និងវិសមីការ

សកម្មភាពទី 17 : នឹករកចំនួនណាមួយ

គ្រុឌទ្រូសនឹងផ្តល់ឱ្យអ្នកនូវសេចក្តីណែនាំមួយចំនួន ។

ធ្វើតាមសេចក្តីណែនាំនោះ ហើយសរសេរចម្លើយ ដាក់លើក្តារឆ្នួន ។

ចាប់ផ្តើមពី 19 តើអ្នកត្រូវយក 19 នេះ ទៅធ្វើដូចម្តេច ដើម្បីគណនាចម្លើយ?

.....  
.....  
.....

ដោយសារតែចម្លើយដូចគ្នា យើងអាចផ្តោតទៅលើប្រមាណវិធី ដោយមិនផ្តោតលើចម្លើយនោះទេ ។ សកម្មភាពនេះ ស្តីអំពីប្រមាណវិធី និងចម្រាសរបស់វា ។

សាកល្បងលំហាត់ខាងក្រោមនេះ :

ខ្ញុំនឹកឃើញមួយចំនួន ខ្ញុំបូកវានឹង 4 ហើយគុណនឹង 3 បានលទ្ធផលស្មើនឹង 33 ។

តើចំនួនដែលខ្ញុំនឹកឃើញនោះ ស្មើនឹងប៉ុន្មាន?

ខ្ញុំនឹកឃើញមួយចំនួន ខ្ញុំគុណវានឹង 10 ហើយដកនឹង 6 បានលទ្ធផលស្មើនឹង 64 ។

តើចំនួនដែលខ្ញុំនឹកឃើញនោះ ស្មើនឹងប៉ុន្មាន?

គូសដ្យាក្រាម ដើម្បីបង្ហាញពីប្រមាណវិធី និងប្រមាណវិធីច្រាស ។

គ្រូខ្លួនសនឹងផ្តល់ឧទាហរណ៍ឱ្យអ្នកមួយចំនួនទៀត ។ តើអ្នកបានប្រើប្រមាណវិធីអ្វីខ្លះ?

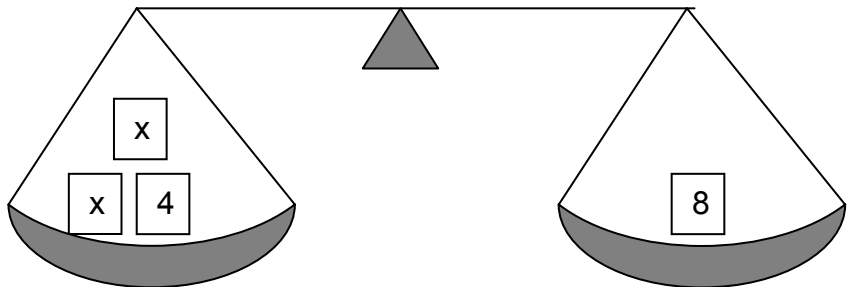
.....

.....

.....

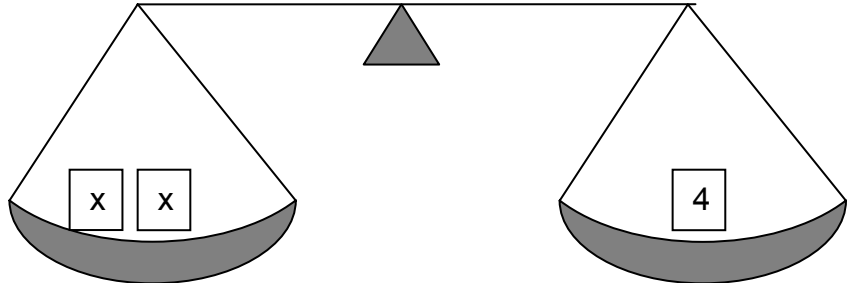
សមីការគីជាជញ្ជីង

$2x + 4 = 8$



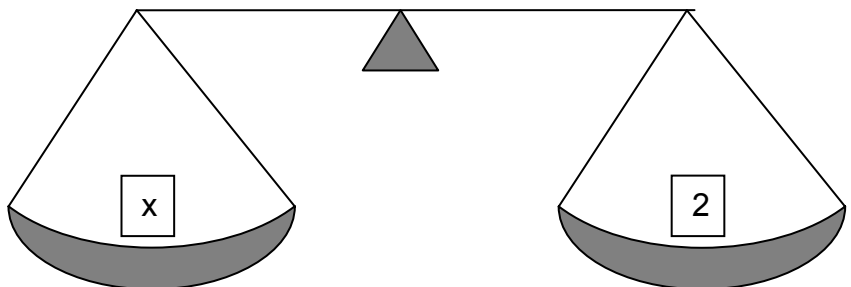
ដក 4 ចេញពីអង្គទាំងពីរ

$2x = 4$



ចែកអង្គទាំងពីរនឹង 2

$x = 2$



ចំណុចសំខាន់គឺថា បើយើងយកអង្គទាំងពីរ ទៅធ្វើប្រមាណវិធីដូចគ្នានឹងចំនួនណាមួយ សមីការនៅតែរក្សា ភាពស្មើគ្នាដដែល ។

ប្រើលក្ខណៈខាងលើនេះ សម្រាប់សមីការដែលមានភាពស្មុគស្មាញ ។



$$5x + 7 = x + 12$$

$$5x + 7 - 7 = x + 12 - 7 \quad \text{ដកអង្គទាំងពីរនឹង 7}$$

$$5x = x + 5$$

$$5x - x = x - x + 5 \quad \text{ដកអង្គទាំងពីរនឹង x}$$

$$4x = 5$$

$$x = \frac{5}{4} = 1 \frac{1}{4} \quad \text{ចែកអង្គទាំងពីរនឹង 4}$$

### សកម្មភាពទី 18 : ថ្លឹងសមីការ

ធ្វើកិច្ចការពីរៗនាក់ ។ ជ្រើសរើសសមីការដែលមិនមានសញ្ញាអវិជ្ជមាន ។

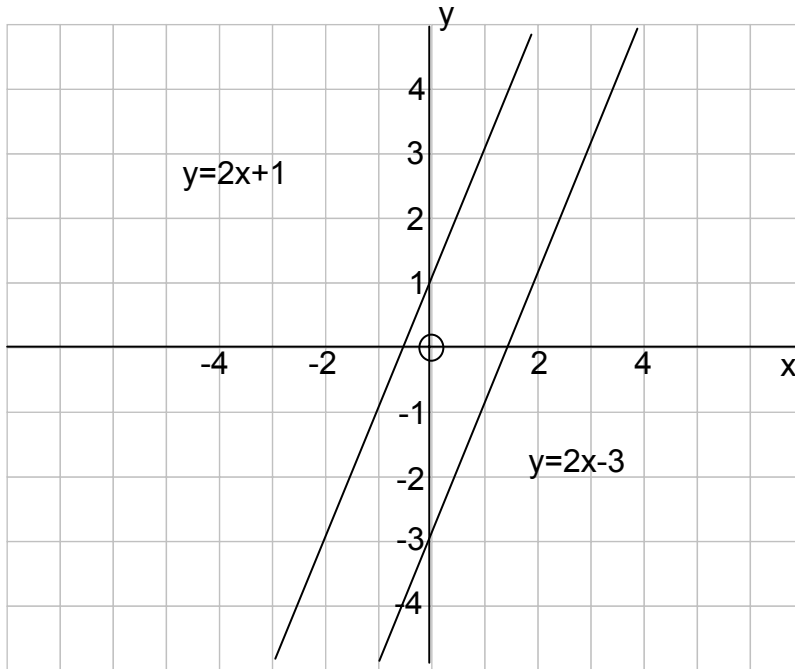
ឧទាហរណ៍ :  $3x + 1 = 10$  និង  $2x + 4 = x + 2$  ។

សមាជិកទីមួយជ្រើសរើសសមីការសាមញ្ញណាមួយ រួចបង្ហាញវិធីដោះស្រាយសមីការនោះ តាមរយៈការគូសជារូបជញ្ជីង ។

សមាជិកម្នាក់ទៀតជ្រើសរើសសមីការមួយទៀត ហើយដោះស្រាយសមីការនោះ ដោយគូសជញ្ជីង ។

យើងយករូបជញ្ជីងមកប្រើ ដើម្បីបង្ហាញពីចំណុចសំខាន់នៃការធ្វើប្រមាណវិធីដូចគ្នា ទៅលើអង្គទាំងពីររបស់សមីការ។

ទំនាក់ទំនងរវាងការដោះស្រាយសមីការ និងក្រាប ។



តើបន្ទាត់ដែលមានសមីការ  $y=2x-3$  កាត់អ័ក្សអាប់ស៊ីសត្រង់  $x$  ស្មើនឹងប៉ុន្មាន?  $x= \dots\dots\dots$

តើបន្ទាត់ដែលមានសមីការ  $y=2x+1$  កាត់អ័ក្សអាប់ស៊ីសត្រង់  $x$  ស្មើនឹងប៉ុន្មាន?  $x= \dots\dots\dots$

ដោះស្រាយសមីការ  $2x - 3 = 0$   $x= \dots\dots\dots$

ដោះស្រាយសមីការ  $2x + 1 = 0$   $x = \dots\dots\dots$

### 3.ខ. ប្រព័ន្ធសមីការ

គេបោះគ្រាប់ឡកឡាក់ពីរគ្រាប់ គឺឡកឡាក់  $a$  និងឡកឡាក់  $b$  ។ ចំនួននៅលើគ្រាប់ឡកឡាក់នោះ ត្រូវបូកបញ្ចូលគ្នា ។ ផលបូកស្មើនឹង 7 ។

ពិន្ទុនៅលើគ្រាប់ឡកឡាក់  $a$  ហៅថា  $a$  ហើយពិន្ទុនៅលើគ្រាប់ឡកឡាក់  $b$  ហៅថា  $b$  ។

ដូចនេះ  $a + b = 7$  ។

តើ  $a$  និង  $b$  អាចមានតម្លៃស្មើនឹងប៉ុន្មានខ្លះ? ឧទាហរណ៍ បើ  $a = 4$  នោះ  $b = 3$  ។

រកគ្រប់គូចម្លើយទាំងអស់ :

.....

.....

ពេលដែលចំនួននៅលើគ្រាប់ឡកឡាក់  $a$  បូកនឹងចំនួននៅលើគ្រាប់ឡកឡាក់  $b$  គុណនឹង 2 ផលបូកស្មើនឹង 9 ។

តើយើងអាចរកចំនួននៅលើគ្រាប់ឡកឡាក់នីមួយៗ បានដែរឬទេ?

$$a + 2b = 9$$

យើងអាចដោះស្រាយសមីការនេះ ដោយវិធីសាកល្បង និងកែតម្រូវ :

$a = 4$  និង  $b = 3$  ចម្លើយនេះមិនត្រឹមត្រូវទេ ព្រោះ  $4 + 6$  មិនស្មើនឹង  $9$  ទេ ។

$a = 1$  និង  $b = 6$  ចម្លើយនេះមិនត្រឹមត្រូវទេ ព្រោះ  $1 + 12$  មិនស្មើនឹង  $9$  ទេ ។

$a = 5$  និង  $b = 2$  ចម្លើយនេះត្រឹមត្រូវ ព្រោះ  $5 + 4 = 9$  ។

នេះ ជាចម្លើយដែលផ្ទៀងផ្ទាត់សមីការទាំងពីរ គឺ  $a + b = 7$

និង  $a + 2b = 9$

**សកម្មភាពទី 19 : ដោះស្រាយប្រព័ន្ធសមីការ តាមរយៈការសាកល្បង និងកែកំហុស និងតាមវិធីពិជគណិត**

ធ្វើកិច្ចការក្នុងក្រុមតូចៗ ។ សមាជិកម្នាក់បោះគ្រាប់ឡកឡាក់  $a$  និងគ្រាប់ឡកឡាក់  $b$  ប៉ុន្តែគ្របវា ដោយប្រើ ក្រដាសមួយសន្លឹក ដើម្បីកុំឱ្យសមាជិកដទៃទៀតឃើញលទ្ធផលបោះនោះ ។ បន្ទាប់មក ផ្តល់ជាតម្រូវ ចំពោះចំនួននោះ ។

**ឧទាហរណ៍ :** ពិន្ទុនៅគ្រាប់ឡកឡាក់ទាំងពីរបូកបញ្ចូលគ្នា ស្មើនឹង  $7$  ។

សមាជិកម្នាក់ៗ ត្រូវរកចម្លើយឱ្យបានយ៉ាងហោចណាស់មួយ ។

ឥឡូវនេះ យើងផ្តល់តម្រូវទីពីរ ។

**ឧទាហរណ៍ :** ពិន្ទុនៅលើគ្រាប់ឡកឡាក់  $a$  បូកនឹងពីរដងនៃពិន្ទុនៅលើគ្រាប់ឡកឡាក់  $b$  ស្មើនឹង  $9$  ។

ប្រើវិធីសាកល្បង និងកែកំហុស ដើម្បីរកពិន្ទុនៅលើគ្រាប់ឡកឡាក់ទាំងពីរ ។

**ការដោះស្រាយតាមវិធីពិជគណិត**

$$\begin{cases} a + b = 7 & (1) \\ a + 2b = 9 & (2) \end{cases}$$

ការពិនិត្យមើលសមីការទាំងពីរ យើងឃើញថា ក្នុងសមីការទីពីរមាន  $b$  មួយ លើសសមីការទីមួយ ហើយធ្វើឱ្យ ពិន្ទុសរុបកើនឡើងចំនួន  $2$  ។

យើងអាចរកផលដករវាងសមីការទីពីរ និងសមីការទីមួយ :  $(2) - (1)$

$$(a + 2b) - (a + b) = 9 - 7 \quad (3)$$

$$a + 2b - a - b = 2$$

$$b = 2$$

ជំនួសតម្លៃ  $b$  ក្នុងសមីការ (1) យើងបាន :

$$a + 2 = 7$$

$$a = 5$$

ដូចនេះ ប្រព័ន្ធសមីការមានឫសដែលជាគូចម្លើយ :  $a = 5, b = 2$

(នេះជាចម្លើយរកឃើញ តាមវិធីពិជគណិត)

ការធ្វើប្រមាណវិធីដកសមីការទាំងពីរ យើងមិនធ្លាប់ធ្វើពីមុនមកទេ។ តើយើងត្រូវកែតម្រូវសមីការទី (3) ដោយរបៀបណា? ចូរពិភាក្សា។

### សកម្មភាពទី 20 : ដោះស្រាយប្រព័ន្ធសមីការ

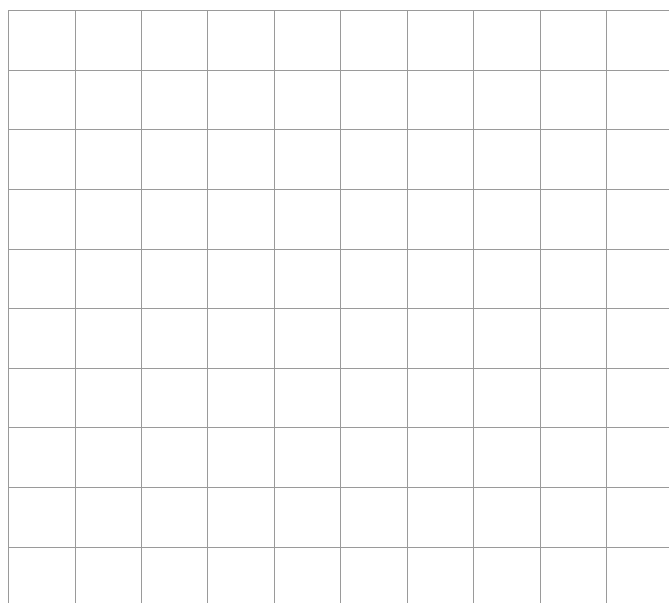
1). ដោះស្រាយប្រព័ន្ធសមីការ

$$\begin{cases} 3x + y = 7 & (1) \\ x - y = 1 & (2) \end{cases}$$

2). គូសក្រាបតាងឱ្យសមីការទាំងពីរ

x			
y			

x			
y			



តើចម្លើយ និងក្រាបមានទំនាក់ទំនងនឹងគ្នា ដូចម្តេចខ្លះ?

.....  
.....

**3.គ. សមីការដឺក្រេទីពីរមាន 1 អាញ្គាត**

**សំណួរទី 1**

តើសមីការដឺក្រេទី 1 មាន 1 អាញ្គាត និងសមីការដឺក្រេទី 1 មាន 1 អាញ្គាត មានលក្ខណៈខុសគ្នាយ៉ាងណាខ្លះ?

សមីការទាំងនេះ ជាសមីការដឺក្រេទី 1 :  $4x = 8$ ,  $5x + 1 = 11$ ,  $3x + 4 = 2x + 7$

និទស្សន្តខ្ពស់បំផុតរបស់  $x$  គឺ 1

ពុំមានតួ  $x^2$  នោះទេ ។

សមីការទាំងនេះ យើងអាចសរសេរឡើងវិញឱ្យមានរាង :  $4x - 8 = 0$   
 $5x - 10 = 0$   
 $x - 3 = 0$

សមីការដឺក្រេទី 1 ទាំងអស់ អាចសរសេរឡើងវិញឱ្យមានរាង :  $bx + c = 0$  ( $b \neq 0$ )

សមីការ ដែលមាននិទស្សន្តរបស់  $x$  ខ្ពស់បំផុត ស្មើនឹង 1 យើងឱ្យឈ្មោះថា សមីការដឺក្រេទី 1 មាន 1 អាញ្គាត ។

សមីការដឺក្រេទី 1 មានបួសតែមួយគត់ ( គ្រប់  $b \neq 0$  )

សមីការដែលមានរាង  $ax^2 + bx + c = 0$  ក្នុងនោះ  $a \neq 0$  យើងឱ្យឈ្មោះថា សមីការដឺក្រេទី 2 មាន 1 អាញ្គាត ។

និទស្សន្តខ្ពស់បំផុតរបស់  $x$  ក្នុងសមីការដឺក្រេទី 2 គឺ 2 ។

**សំណួរទី 2**

តើសមីការ  $x^2 = 25$  មានបួសស្មើនឹងប៉ុន្មានខ្លះ?

$x = 5$  ជាបួសមួយរបស់សមីការនេះ ព្រោះ  $5 \times 5 = 25$ , ប៉ុន្តែសមីការនេះ នៅមានបួសមួយទៀត ។

$(-5) \times (-5) = 25$  ដូចនេះ  $x = -5$  ជាបួសមួយទៀតរបស់សមីការនេះ ។

$x^2 = 25$  រកបួសការេនៃអង្គទាំងពីរ យើងបាន :

$x = +\sqrt{25}$  ឬ  $-\sqrt{25}$

$x = +5$  ឬ  $-5$

**សំណួរទី 3**

បើខ្ញុំគុណពីរចំនួន ហើយបានចម្លើយស្មើនឹងសូន្យ តើអ្នកអាចនិយាយប្រាប់ខ្ញុំដូចម្តេចខ្លះ អំពីចំនួនទាំងពីរនោះ?

- ក). ខ្ញុំមិនអាចថា យ៉ាងណាទេ ចំពោះចំនួនទាំងពីរនោះ
- ខ). ចំនួនទាំងពីរច្បាស់ជាស្មើនឹងសូន្យដូចគ្នា
- គ). ច្បាស់ជាមានចំនួនណាមួយក្នុងចំណោមចំនួនទាំងពីរស្មើនឹង 0 ។

សរសេរអ្វីដែលអ្នកអាចទាញបានចំពោះតម្លៃ x ក្នុងសមីការខាងក្រោមនេះ :

- (1)  $x(x-3) = 0$  .....
- (2)  $(x-3)(x-4) = 0$  .....
- (3)  $(x+5)(x-6) = 0$  .....
- (4)  $(2x-5)(x+4) = 0$  .....

**ការសរសេរសមីការដឺក្រេទីពីរជាផលគុណកត្តា**

យើងអាចដោះស្រាយសមីការដឺក្រេទីពីរ ដូចជា  $(x+7)(x-2) = 0$  ។  
 តើអ្នកត្រូវដោះស្រាយសមីការដឺក្រេទី 2 ដែលសរសេរជាទម្រង់  $x^2 + 7x + 10 = 0$  ដោយរបៀបណា?  
 យើងអាចដោះស្រាយសមីការនេះ បើយើងអាចសរសេរវាជាផលគុណនៃពីរកត្តា ។  
 តូទីមួយនៅក្នុងវង់ក្រចកគឺ x ។  
 តូចុងក្រោយពីរទៀត គឺជាពីរចំនួនដែលផលគុណស្មើនឹង 10 ។  
 យើងអាចរៀបក្នុងតារាងដូចខាងក្រោមនេះ :  
 តើក្រឡាមួយណា ដែលស្មើនឹង 7x ?

	x	10
x	x <sup>2</sup>	
1		10

	x	5
x	x <sup>2</sup>	
2		10

- ដូចនេះ ដើម្បីដោះស្រាយ  $x^2 + 7x + 10 = 0$
- សរសេរវាជាផលគុណកត្តា  $(x+5)(x+2) = 0$
- ចម្លើយរបស់សមីការគឺ  $x = -5$  ឬ  $x = -2$

សកម្មភាពទី 21 : ដោះស្រាយសមីការដឺក្រេទី 2

សរសេរជាផលគុណកត្តា និងដោះស្រាយសមីការដឺក្រេទីពីរនេះ ខាងក្រោមនេះ ដោយប្រើវិធីពីរយ៉ាង ។

- |                         |                         |
|-------------------------|-------------------------|
| 1. $x^2 + 10x + 21 = 0$ | 2. $x^2 - 19x - 20 = 0$ |
| 3. $2x^2 + x - 42 = 0$  | 4. $x^2 - 9x + 20 = 0$  |

នៅក្នុងសមីការ  $x^2 + bx + c = 0$  បើ  $c$  ជាចំនួនវិជ្ជមាន តើអ្នកអាចថា ដូចម្តេចចំពោះកត្តាទាំងពីររបស់  $c$  ដែលអ្នកកំពុងរក?

.....

.....

.....

.....

នៅក្នុងសមីការ  $x^2 + bx + c = 0$  បើ  $c$  ជាចំនួនអវិជ្ជមាន តើអ្នកអាចថា ដូចម្តេចចំពោះកត្តាទាំងពីររបស់  $c$  ដែលអ្នកកំពុងរក?

.....

.....

.....

.....

.....

## 4. ការបង្កើនការគិតតាមបែបពិជគណិតកាន់តែស៊ីជម្រៅ

### 4.ក. ប្រមាណវិធីលើកន្សោមពីជគណិត

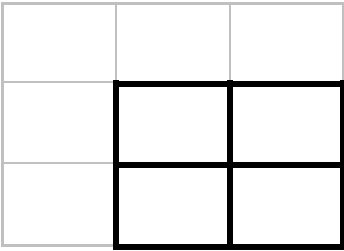
សកម្មភាពទី 22 : ប្រើវិធីបែងក្រឡាសម្រាប់កន្សោមដឺក្រេទី 3

សកម្មភាពនេះ ប្រើវិធីបែងក្រឡាសម្រាប់កន្សោម ដែលមានលក្ខណៈស្មុគស្មាញ ។

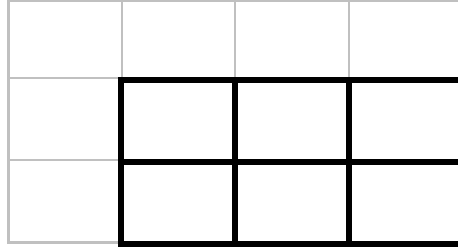
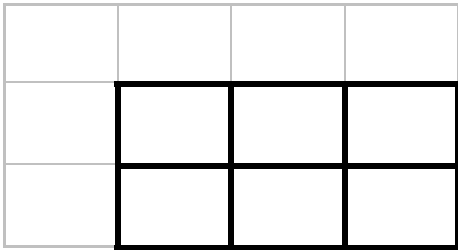
ការពន្លាតកន្សោម  $(a+b)(a^2 -ab + b^2)$  និង  $(a- b)(a^2 + ab + b^2)$  ។

ធ្វើកិច្ចការក្នុងក្រុមពីរៗនាក់

1). ប្រើវិធីបែងក្រឡា ដើម្បីគណនា  $(a + b)(a-b)$  ។



2). យកលំនាំតាមវិធីបែងក្រឡា ដើម្បីគណនា  $(a+b)(a^2 -ab + b^2)$  ,  $(a- b)(a^2 + ab + b^2)$





**សកម្មភាពទី 23 : ធ្វើប្រមាណវិធីចែកកន្សោមពីជគណិត**

ធ្វើកិច្ចការក្នុងក្រុម ដោយឱ្យសមាជិកម្នាក់ធ្វើជាគ្រូបង្រៀន បង្ហាញវិធីចែក  $(2x^2 + 11x + 12) \div (x + 4)$  ។  
គ្រូបង្រៀនត្រូវពន្យល់ម្តងហើយម្តងទៀត រហូតដល់សមាជិកក្រុមបានយល់ ។

សរសេរកន្សោមនេះ  $(2x^2 + 11x + 12)$  ជាផលគុណកត្តា ដោយប្រើវិធីបែងក្រឡា ។

x	$2x^2$	
4		

តើអ្នកត្រូវយក x មកគុណនឹងកត្តាណា ដើម្បីបាន  $2x^2$ ?

បំពេញចម្លើយ  $2x$  នៅក្នុងប្រឡោះខាងលើ ។

រួចបំពេញក្នុងប្រឡោះដែលនៅសល់ ។

$2x^2 + 11x + 12$  ចែកដាច់នឹង  $(x + 4)$

$(2x^2 + 11x + 12) \div (x + 4) = 2x + 3$

សាកល្បងប្រើវិធីទាំងពីរនេះសម្រាប់ :

1)  $(3x^2 + 13x + 12) \div (x + 3)$

2)  $(3x^2 + 13x + 14) \div (x + 2)$


សកម្មភាពទី 24 : ដោះស្រាយសមីការដឺក្រេទី 1 ស្មុគស្មាញ ដោយសង្កេតទំនាក់ទំនងនឹងសមីការងាយៗ

$$\frac{z}{1.4} = 28$$

$$x + 2 = 8$$

$$9.1 = x + 3.3$$

$$k - 3.2 = 9.6$$

$$\frac{u}{2} = 5$$

$$t - 6 = 11$$

$$\frac{3}{13} + p = \frac{10}{3}$$

$$2.3 = 1.6 + t$$

ចែកសមីការទាំងនេះជាក្រុម ដែលមានលក្ខណៈដូចគ្នា។ ដាក់សមីការទាំងឡាយណាដែលសាមញ្ញជាងគេ នៅផ្នែកខាងលើគេក្នុងបញ្ជី។

ដោះស្រាយសមីការដែលងាយជាងគេបំផុត ក្នុងក្រុមទីមួយ បន្ទាប់មក ដោះស្រាយសមីការផ្សេងទៀត តាមវិធីដូចគ្នា។

តើអ្នកគិតថា សកម្មភាពនេះ ជួយអ្នកឱ្យចេះដោះស្រាយចំណោទដែលមានលក្ខណៈកាន់តែស្មុគស្មាញ ដោយរបៀបណា?

.....

.....

.....

.....

.....

**4.ខ. ការដោះស្រាយវិសមីការ**

$x + 1 = 10$

សមីការនេះមានចម្លើយតែមួយគឺ  $x = 9$  ។

តើតម្លៃរបស់  $x$  ណាខ្លះ ដែលផ្ទៀងផ្ទាត់នឹងវិសមីការ  $x + 1 \leq 9$  ?

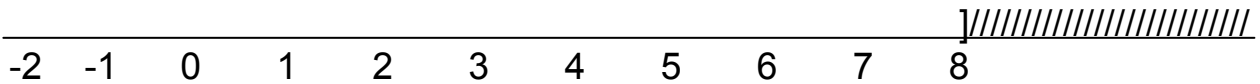
គ្រប់គ្នាត្រូវរកតម្លៃ  $x$  ឱ្យបានមួយ ដែលធ្វើឱ្យវិសមីការនេះពិត ឬផ្ទៀងផ្ទាត់ ។

$x$  អាចមានតម្លៃស្មើនឹង 4 ឬ 5 ឬ 7 ឬ 8

$x$  អាចមានតម្លៃស្មើនឹង 3.5 ឬ 3.86

$x$  អាចមានតម្លៃស្មើនឹង -2 ឬ -9

$x$  អាចមានតម្លៃណាមួយ រហូតដល់ស្មើនឹង 8 ។ យើងអាចសរសេរបានជា  $x \leq 8$  ។



ឃ្លាបែបមុខមករកផ្នែក ដែលផ្ទៀងផ្ទាត់នឹងវិសមភាព ហើយបង្ហាញថា 8 ក៏ផ្ទៀងផ្ទាត់ដែរ ។

តើយើងអាចដោះស្រាយវិសមភាព ដូចគ្នានឹងការដោះស្រាយសមីការដែរឬទេ?

$4 < 8$

បូកអង្គទាំងពីរនឹង 2 យើងបាន:  $6 < 10$  វិសមភាពនេះ នៅតែពិតដដែល

សាកល្បងដកអង្គទាំងពីរនឹង 3 .....

គុណអង្គទាំងពីរនឹង 4 .....

ចែកអង្គទាំងពីរនឹង 4 .....

គុណអង្គទាំងពីរនឹង -2 .....

ចែកអង្គទាំងពីរនឹង - 2 .....

តើប្រមាណវិធីណាខ្លះ ដែលធ្វើឱ្យវិសមភាពនៅតែពិតដដែល?

.....  
 .....

ប៉ុន្តែ បើអ្នកចែកអង្គទាំងពីរនៃវិសមភាពនឹងចំនួនអវិជ្ជមាន វិសមភាពត្រូវប្តូរទិស ។

ឧទាហរណ៍ :  $6 < 12$  ចែកអង្គទាំងពីរនឹង - 2

$-3 > -6$  ត្រូវប្តូរទិសវិសមភាព ដើម្បីឱ្យវិសមភាពនៅតែផ្ទៀងផ្ទាត់ ។

ដោះស្រាយ :  $7 - 2x > 11$  ដកអង្គទាំងពីរនឹង 7

$-2x > 4$  ចែកអង្គទាំងពីរនឹង - 2

$x < -2$  ត្រូវប្តូរទិសវិសមីការ ដើម្បីឱ្យវិសមីការនៅតែផ្ទៀងផ្ទាត់ ។

ផ្ទៀងផ្ទាត់ : ជ្រើសរើសតម្លៃ x តូចជាង -2 ។

បើ  $x = -3$   $7 - 2(-3) = 7 + 6 = 13$   $13 > 11$

**សកម្មភាពទី 25 : ដោះស្រាយវិសមីការ**

ធ្វើកិច្ចការពីរៗនាក់ ដើម្បីដោះស្រាយវិសមីការខាងក្រោមនេះ :

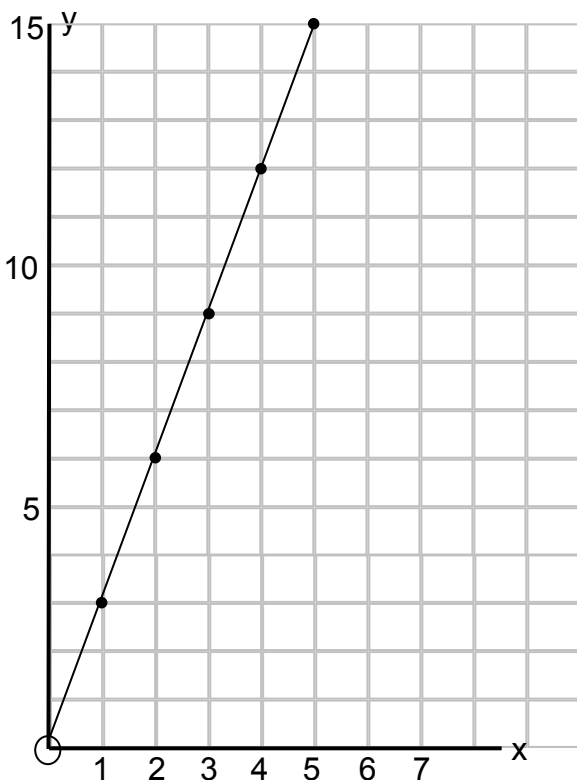
$2x + 3 > 9$

$3(x-2) < 9$

$3 - 2x < 12$

**4. គ. ការគូសក្រាប និងបកស្រាយតំបន់ចម្លើយនៅលើក្រាប**

**សកម្មភាពទី 26 : តំបន់ចម្លើយនៅលើក្រាប**



ក្រាបនេះ តាងឱ្យសមីការ  $y = 3x$

រកចំណុចដែលមានកូអរដោនេ ( 1,2) (2,1)  
(2,2) (2,4) (2,5) (4,4) (4,8) (4,11)  
(5,3) (5,5) (5,12)

ចំពោះចំណុចទាំងអស់នេះ  $y < 3x$

ចំណុចទាំងឡាយដែលផ្ទៀងផ្ទាត់នឹង  $y < 3x$

មិនមែនត្រឹមតែជាបន្ទាត់មួយប៉ុណ្ណោះទេ តែវាជា  
តំបន់ចម្លើយមួយទាំងមូល ។

ផាត់ពណ៌គ្រប់ចំណុច ដែលមិនផ្ទៀងផ្ទាត់នឹងតំបន់  
ចម្លើយរបស់  $y < 3x$  រួចដាក់សញ្ញាសម្គាល់ ។

សរសេរកូអរដោនេរបស់ចំណុចចំនួន 5 ដែលផ្ទៀងផ្ទាត់នឹងវិសមីការ  $y \geq 3x$  ។

.....  
រកចំណុចទាំងនេះ នៅលើក្រាប ។

ការតាងតំបន់ចម្លើយនៅលើក្រាប មានសារៈប្រយោជន៍ណាស់ ពេលអ្នករកចំនួនទាំងឡាយណា ដែលត្រូវនឹង  
លក្ខខណ្ឌច្រើន ។

រកចំនួនគតិវិធីទីបី ដែលផ្ទៀងផ្ទាត់នឹងវិសមីការ :

$y < 3x$  គូសឆ្លុះចោលចំនួនទាំងឡាយណា ដែលមិនមែនជាចម្លើយរបស់វិសមីការនេះ ។

$x \leq 2$  គូសឆ្លុះចោលចំនួនទាំងឡាយណា ដែលធ្វើឱ្យ  $x \leq 2$  មិនពិត ។

ទុកបន្ទាត់  $x=2$  ជាបន្ទាត់ដាច់ៗ ព្រោះចំណុចទាំងអស់នេះ ស្ថិតក្នុងដែន ដែល  $x \leq 2$

$x + y > 2$  គូសឆ្លុះចោលចំនួនទាំងឡាយណា ដែលមិនមែនជាចម្លើយរបស់វិសមីការនេះ ។

កត់ត្រាគ្រប់ចំណុច ដែលផ្ទៀងផ្ទាត់នឹង វិសមីការទាំងបី ។

.....  
.....



$$x = 0.425252525252525\dots \quad (5)$$

$$100x = 42.5252525252525\dots \quad (6)$$

រកផលដករវាងសមីការ (6) និងសមីការ (5)

$$\text{យើងបាន : } 99x = 42.1$$

$$x = \frac{42.1}{99}$$

ដើម្បីសរសេរវាជាប្រភាគ យើងគុណភាគយក និងភាគបែងនឹង 10 យើងបាន  $x = \frac{421}{990}$  ។

សាកល្បងវិធីខាងលើនេះ ចំពោះចំនួនទសភាគនេះ ។ ក្នុងករណីនីមួយៗ អ្នកត្រូវគុណវានឹងចំនួនណាមួយ ដែលអាចកាត់ចោលគ្រប់ផ្នែកទសភាគ ដើម្បីធ្វើវិធីដក ។

1)  $0.3333333333333333\dots$

2)  $0.1818181818181818\dots$

3)  $0.723232323232323\dots$

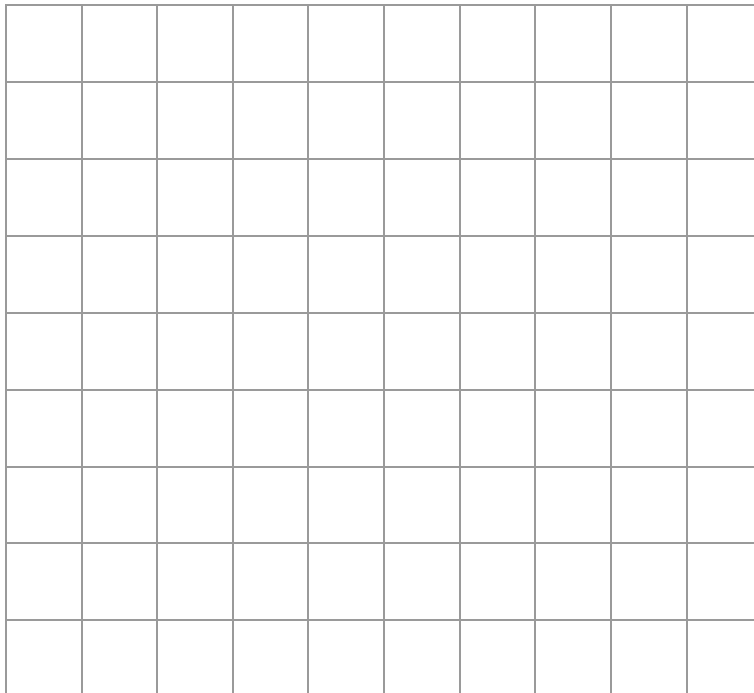
**សកម្មភាពទី 28 : រកចំនួនចម្លើយរបស់សមីការដឺក្រេទីពីរ**

ធ្វើកិច្ចការក្នុងក្រុម ដោយសមាជិកម្នាក់ៗគូសក្រាបតាងសមីការទាំងនេះ។ ចែកកិច្ចការគ្នាធ្វើ ដោយម្នាក់គូស ក្រាបឱ្យបានមួយ។

សកម្មភាពនេះ អាស្រ័យនឹងសិក្ខាកាមដែលប្រើក្រដាស និងអ័ក្សជូចគ្នា សម្រាប់សង់ក្រាបទាំងនោះ។

គ្រប់គ្នាគួរប្រើអ័ក្សអាប៉ស៊ីស ដែលមានតម្លៃពី - 4 ដល់ 4 (មួយការព្រូរីនឹង 1 ឯកតា) និងអ័ក្សអរដោនេ ដែលមានតម្លៃពី -10 ដល់ 20 (មួយការព្រូរីនឹង 5 ឯកតា) ។

$y = (x + 3)(x - 2)$ ,  $y = x^2 - 4$ ,  $y = x^2 - 3x - 4$ ,  $y = x^2 + 3$ ,  $y = x^2 - 2x + 1$



សម្រាប់សមីការនីមួយៗ អានចំណុចដែលក្រាបត្រូវកាត់អ័ក្សអាប៉ស៊ីស។

ឥឡូវនេះ ដោះស្រាយសមីការ ដោយសរសេរជាផលគុណកត្តា។ ពន្យល់ទំនាក់ទំនងរវាងចម្លើយតាមក្រាប និងចម្លើយ តាមការសរសេរជាផលគុណកត្តា។

.....

.....

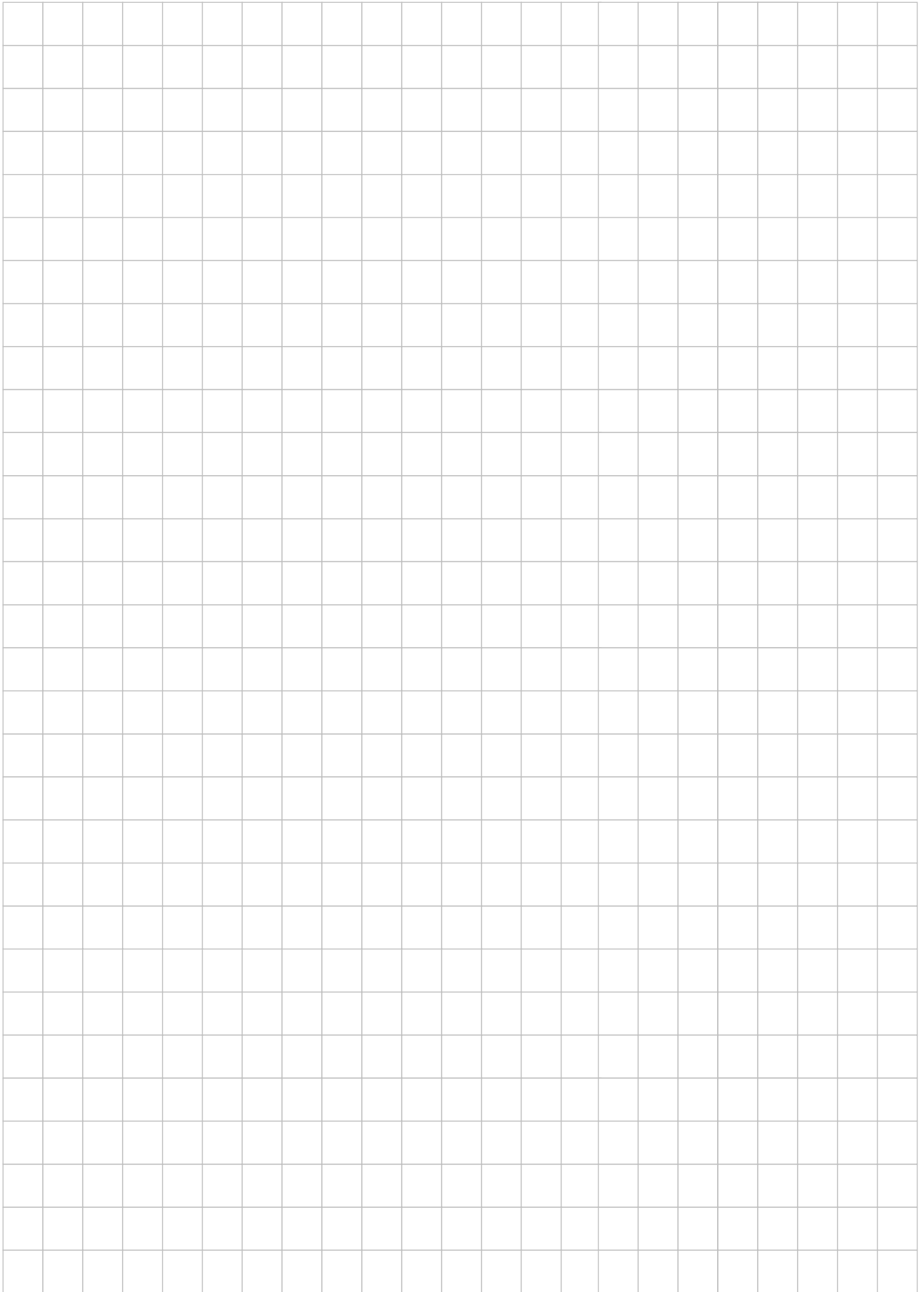
.....

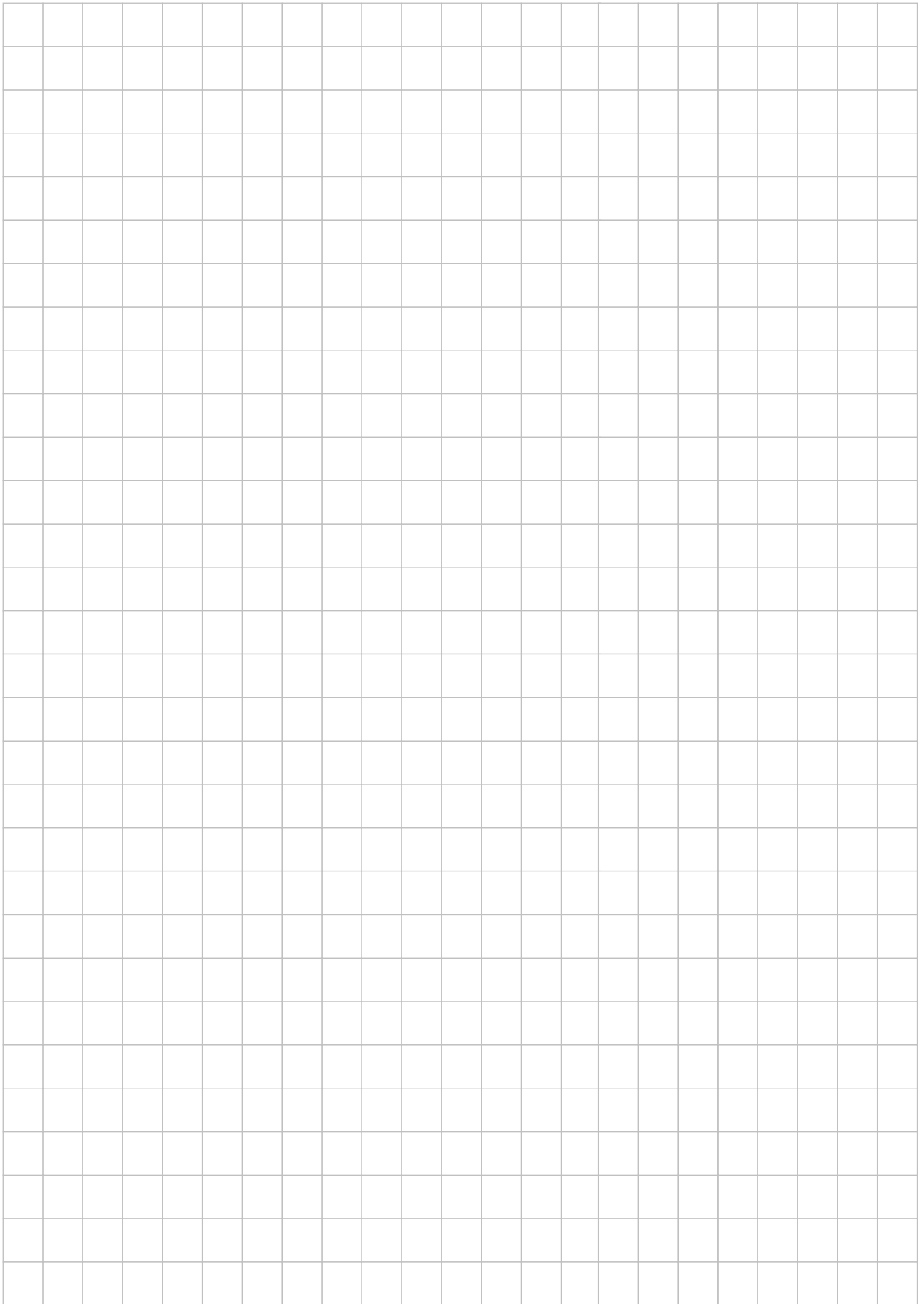
.....

.....

.....









Belgische Technische Coöperatie nv  
Coopération Technique Belge sa